

*Rouba*

VŠSE PLZEŇ F.S.

POMOCNÉ TEXTY PRO CVIČENÍ  
Z KONSTRUKCE TVÁŘECÍCH STROJŮ

ČÁST II.

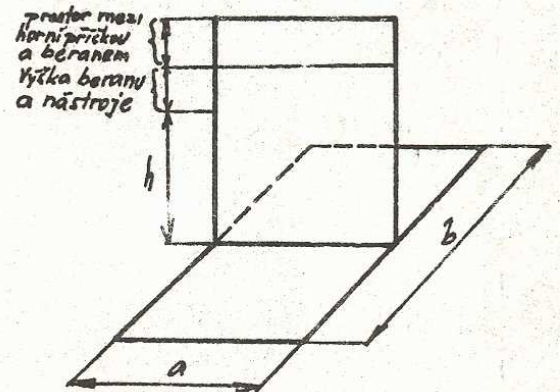
ING. MILAN ČECHURA



# Postup při výpočtu vřetenových lisů:

Aby se mohlo započít s konstrukcí a výpočtem vřetenového lisu je třeba vědět:

Velikost požadované tvářecí síly $F$ /Mp/	
velikost zdvihu beranu $h$ /mm/	
velikost užitečné práce $A_u$ /kpm/	
nebo užitečného zdvihu $h_v$ /mm/	
rozměry pracovního prostoru $a, b$ /mm/	

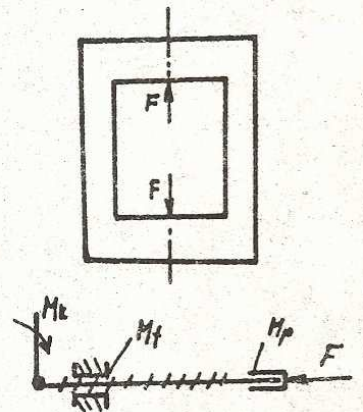


Podle zadaných parametrů určujících velikost stolu (pracovního) a zdvih vypočteme a navrhne vnitřní rozměry rámu.

Podle zadané síly se navrhne a dimensuje rám jako centricky zatížený. Vypočte se jeho celková deformace  $\Delta\gamma$  při zatížení silou  $F$ .

Navrhne se vřeteno na jmenovitou sílu tak, aby závit byl nesamosvorný ( $12^\circ - 20^\circ$ ) vícechodý a vypočítá se jeho deformace  $\Delta\gamma_v$  při zatížení od jmenovité síly  $F$  a krouticího momentu  $M_k$ .

$M_k$  vyvozuje sílu  $F$  a překonává odpory ( $M_f$  a  $M_p$ ).



Celková energie (příkon)  $A$ , kterou je třeba dodat do pohybujících se hmot je:

$M_f$  - třecí moment ve šroubu  
 $M_p$  - třecí moment v pat. ložisku

$$A = A_u + A_p + A_z$$

$$\text{kde } A_u = k_p \cdot F \cdot h_v$$

$A_u$  ... užitečná energie využitá k deformaci materiálu

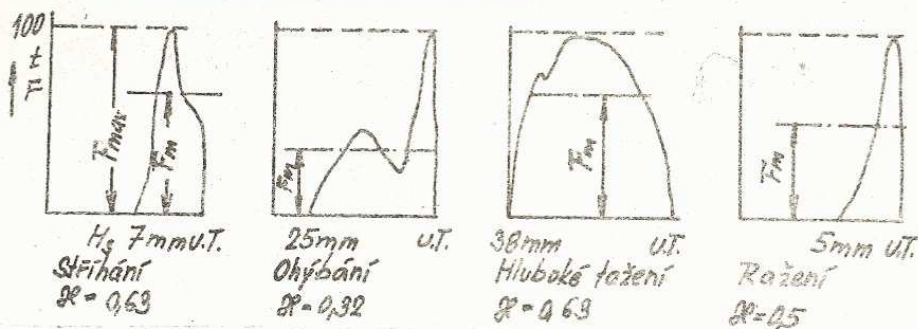
$k_p$  ... stupeň vyplnění tvářecí charakteristiky

$F$  .... jmenovitá tvářecí síla

$h_v$  ... velikost užitečného (pracovního) zdvihu



# Tvářecí charakteristiky:



$$F_m = 2 \cdot F_{max}$$

$$A_u = F_m \cdot h_u$$

$$A_p = \frac{1}{2} \cdot \frac{F^2}{k}$$

nebo

$$A_p = \frac{1}{2} F \cdot \Delta y$$

$A_p$  .... energie spotřebovaná na pružné deformace stroje

$k$  ..... tuhost celého zařízení

( $k = 300\,000 - 800\,000 \text{ kp/mm}$ )

$\Delta y = \Delta y_s + \Delta y_v$  celková deformace celého zařízení

$$A_z = \int f \cdot A$$

$A_z$  ..... energie potřebná k překonání pasivních odporů. Vyjadřujeme ji jako část celkové energie.

$$A = A_u + A_p + A_z = A_u + A_p + \int f \cdot A$$

$$A - \int f \cdot A = A_u + A_p$$

$$A (1 - \int f) = A_u + A_p$$

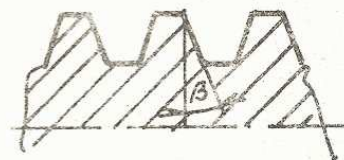
$$(1 - \int f) = \eta = \eta_s \cdot \eta_v$$

$$\eta \text{ ..... účinnost lisu} = \frac{A_u}{A} > 60 \%$$

Hlavními veličinami, které ovlivňují celkovou účinnost lisu je

$$\eta_s = \frac{\tan \alpha}{\tan (\alpha + \frac{\varphi}{\cos \beta})} \dots \text{tj. účinnost šroubu (vřetena)}$$

kde  $\alpha$  .....  $\neq$  stoupání závitu  
 $\varphi$  .....  $\neq$  tření ( $5^\circ - 8^\circ$ )  
 $\beta$  .....  $\neq$  lichoběž. závitu



$\beta$  je u lichoběž. závitů malý a tak je možno jej zanedbat .....  $\frac{1}{\cos \beta} = 1,03$ .

Účinnost šroubu na vřeteně, které má lichoběžníkový závit je:

$$\eta_s = \frac{\tan \alpha}{\tan (\alpha + \varphi)}$$



a  $\eta$  ..... účinnost vedení beranu (= 0,85 - 0,95)

Pozn.: Do ztrátové práce se také započítává ztráta třením v patním ložisku beranu. Tuto práci můžeme přibližně vypočítat tak, že ji uvažujeme od působení jmen. síly  $F$  po dobu zdvihu  $h_v$ . Koef. tření v ložisku = 0,05.

Hmoty, které se u lisu pohybují mají pohyb rotační a posuvný (0,5 ÷ 1 m/s). Proto energie pohybujících se hmot (kinetická) bude:

$$A_1 = \frac{1}{2} J \omega^2 + \frac{1}{2} m v^2, \quad \text{přičemž} \quad \frac{1}{2} m v^2 \leq 0,05 \cdot A_1$$

$J$  .... moment setrvačnosti rotujících hmot  $\left(\frac{1}{2} m \cdot r^2\right)$

$\omega$  .... úhlová rychlost rotujících hmot

$m$  .... hmota posouvajících se částí

$v$  .... rychlost posouvajících se částí.

Tato energie  $A_1$  se musí rovnat, nebo být větší než energie potřebná  $A$ , t.j. taková, při které vyvodíme požadovanou sílu  $F$ .

Můžeme psát:

$$A_1 \geq A$$

$A_1 = 1,1 - 1,3 \cdot A$  (pro možnost přetížení zvětšením pasivních odporů třením vřeteně v beranu, prokluzem setrvačníku po disku atd.)

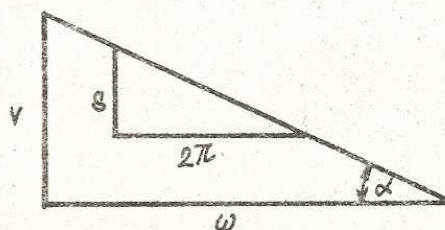
$$\begin{aligned} \frac{1}{2} J \omega^2 + \frac{1}{2} m v^2 &\geq (A_u + A_p + A_z) \\ &\geq \frac{F \cdot h_u + \frac{1}{2} F \cdot y}{1 - f} \end{aligned}$$

V dané rovnici je neznámá  $\frac{1}{2} J \omega^2$  a tu vypočteme, když dosadíme za  $\frac{1}{2} m v^2 = 0,05 A_1$ . Vzhledem k tomu, že jsme již při výpočtu vřeten zvolili stoupání šroubu nebo  $\phi$  a víme, že postupná rychlost beranu se pohybuje u vřet. lisů od 0,5 ÷ 1 m/s, vypočteme  $\omega$ . Dosazením  $\omega$  do rovnice vypočteme  $J$  setrvačníku a odtud navrhujeme setrvačnick.

Platí tedy vztahy:

$$\begin{aligned} v &= S \cdot \frac{\omega}{2\pi} \\ \omega &= \frac{2\pi n}{60} \end{aligned}$$

kde  $S$  je stoupání závitu





$$\frac{1}{2} J \omega^2 + \frac{1}{2} m v^2 \geq (A_u + A_p + A_z)$$

$$\frac{1}{2} J \omega^2 \geq \underbrace{A_u + A_p + A_z}_A - 0,05 A$$

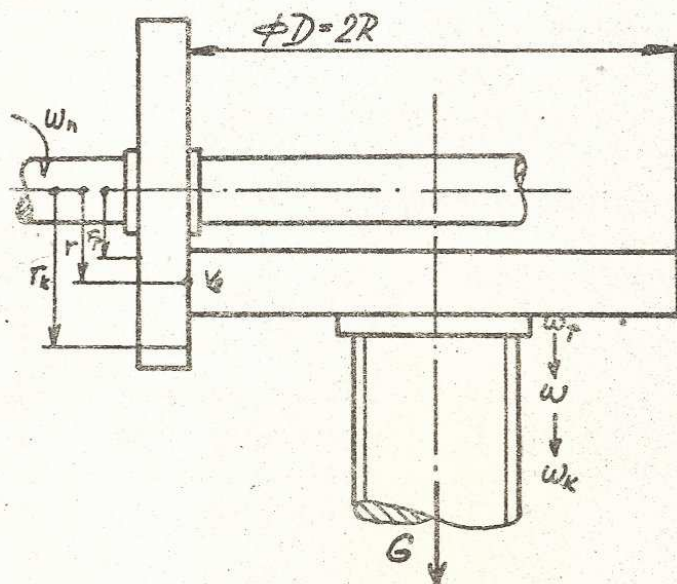
$$\frac{1}{2} J \omega^2 \geq A (1 - 0,05) = (A_u + A_p + A_z) (1 - 0,05)$$

$$\geq \frac{F \cdot h_u + \frac{1}{2} F \cdot \Delta y}{1 - f} (1 - 0,05)$$

$$J \geq \frac{F \cdot h_u + \frac{1}{2} F \Delta y}{1 - f} (1 - 0,05) \cdot \frac{2}{\omega^2}$$

$$J \geq \frac{2F}{\omega^2} \cdot \frac{h_u + \frac{1}{2} \Delta y}{1 - f} (1 - 0,05)$$

### Výpočet setrvačníku



indexy h ... hřidel

p ... počáteční

k ... konečný

$v_s$  ... obvodová rychlost setrvačníku

$r_s$  ... střední poloměr vřetena

$F_N$  ... přitlačná síla kotouče k setrvačníku

$f$  .... koeficient tření

$R$  .... poloměr setrvačníku

$G$  .... váha všech pohybujících se částí

Vyjdeme z pohybové rovnice:

$$M_S + M_G = J \cdot \frac{d\omega}{dt} \quad (1) \quad \text{kde } M_S = \overbrace{F_N \cdot f}^{F_t} \cdot R$$

$$M_G = G \cdot r_s \cdot \tan(\alpha - \varphi)$$

Elementární úhel pootočení vřetene.

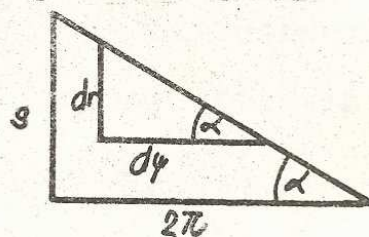
$$d\psi = \frac{2\pi}{S} \cdot dr$$

$$d\psi = \omega \cdot dt \Rightarrow dt = \frac{d\psi}{\omega} = \frac{2\pi}{S} \cdot \frac{dr}{\omega}$$

$$dt = \frac{2\pi R}{S} \cdot \frac{dr}{v_s} \quad (2)$$

$$R \cdot \omega = v_s$$

$$d\omega = \frac{dv_s}{R} \quad (3)$$



Do rovnice 1 je třeba dosadit za  $\frac{d\omega}{dt}$  a to vypočteme z rovnic 2 a 3



$$\frac{dw}{dt} = \frac{dv_s}{R} \cdot \frac{s \cdot v_s}{2\pi R \frac{dr}{dr}} = \frac{s}{2\pi R^2} \cdot \frac{v_s dv_s}{dr}$$

Dosazením za  $\frac{dw}{dt}$  do rovnice 1 dostaneme:

$$M_S + M_G = J \frac{dw}{dt} = J \frac{s}{2\pi R^2} \cdot \frac{v_s \cdot dv_s}{dr} \Rightarrow dr = \frac{J \cdot s \cdot v_s \cdot dv_s}{2\pi R^2 (M_S + M_G)}$$

Po integraci:

$$r = \frac{J \cdot s \cdot v_s^2}{4\pi R^2 (M_S + M_G)} + C$$

Konstantu "C" vypočteme z okrajových podmínek:  $r = r_p$ ,  $v_s = 0$   
potom  $C = r_p$  a vzorec má tento tvar:

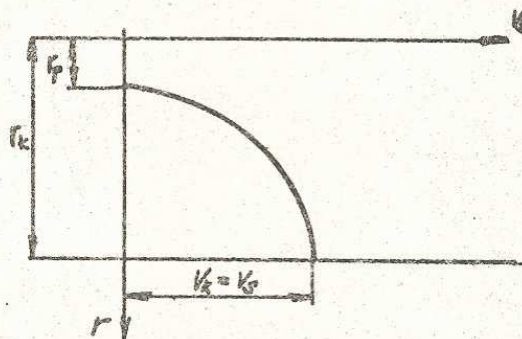
$$r = r_p + \frac{J \cdot s \cdot v_s^2}{4\pi R^2 (M_S + M_G)}$$

Závislost mezi obvodovou rychlostí  $v_s$  a poloměrem  $r$  je parabolická.  
Potřebný zrychlující moment  $M_S$  určíme z podmínky, že na poloměru  $r_k$  je obvodová rychlost setrvačnicku  $v_s = v_k$  tj. rychlosti disku na poloměru  $r_k$ .

$$M_S = \frac{J \cdot s \cdot v_k^2}{4\pi R^2 (r_k - r_p)} - M_G$$

$$v_k = r_k \cdot \omega_k = R_s \cdot \omega_k$$

$$\omega_k = \frac{2\pi v_k}{s}$$



Pro  $r_p$  se volí  $r_p = 0,3 \cdot h$  a  $r_k = r_p + h$

kde  $h$  je zdvih beranu.

Práce potřebná pro zrychlení setrvačnicku:

$$A_s = M_S \cdot \psi = M_S \cdot \frac{r_k - r_p}{s} \cdot 2\pi \quad \psi = \frac{r_k - r_p}{s} \cdot 2\pi$$

Dosadíme-li za  $M_S = \frac{J \cdot s \cdot v_k^2}{4\pi R^2 (r_k - r_p)} - M_G$  dostaneme:

$$A_s = \left( \frac{J \cdot s \cdot v_k^2}{4\pi R^2 (r_k - r_p)} - M_G \right) \cdot \frac{r_k - r_p}{s} \cdot 2\pi$$

$$A_s = \frac{1}{2} J \cdot \frac{v_k^2}{R^2} - M_G \frac{2\pi}{s} (r_k - r_p)$$



$$\text{Výkon motoru } P = \frac{A_s}{102 \cdot T_1 \cdot \eta} \quad [\text{kW}] \quad A_s \quad [\text{kpm}]$$

kde  $T_1$  doba zdvihu dolů

$\eta$  účinnost řemen. převodu a prokluz mezi diskem a setrvačnickem

( $\eta$  řem.  $\approx 0,9$ )

( $\eta$  prokl.  $\approx 0,6 - 0,7$ )

Tímto způsobem vypočtený výkon motoru vychází větší (2x), než je skutečně potřebný výkon na stroji, pro provedení deformační práce. Je to proto, že k provedení operace o dané potřebné velikosti užitečné práce slouží nejen energie dodávaná motorem, ale i energie rotujících hmot předlohy (hřídele, disků, řemenice) jejíž část se při poklesu otáček (např. 10 %) rovněž předává setrvačnicku, a je tedy nutno tuto energii do výpočtu setrvačnicku zahrnout.

$$\text{Pokles otáček předlohy } \mathcal{H} = \frac{\omega_h - \omega}{\omega_h} \approx 0,1$$

konečná  $\neq$  rychlost předlohy  $\omega = \omega_h (1 - \mathcal{H})$

konečné otáčky předlohy  $n = n_h (1 - \mathcal{H})$

$A_{\text{př}}$  ..... práce vykonaná předlohou vlivem poklesu otáček z  $\omega_h$  na  $\omega$ .

$$A_{\text{př}} = \frac{1}{2} J_{\text{př}} (\omega_h^2 - \omega^2) = \frac{1}{2} J_{\text{př}} \cdot \omega_h^2 [1 - (1 - \mathcal{H})^2] = \frac{1}{2} J_{\text{př}} \omega_h^2 (2 - \mathcal{H}) \mathcal{H}$$

$$\text{Potřebná práce el. motoru } A_m = A_s - A_{\text{př}}$$

$$\text{Skutečný výkon elektromotoru } P_s = \frac{A_s - A_{\text{př}}}{102 \cdot T_1 \cdot \eta}$$

Určení doby zdvihu  $T_1$ :

$$dt = \frac{2\pi R}{S} \cdot \frac{dr}{v_s} \Rightarrow dr = \frac{S}{2\pi} \cdot \frac{v_s}{R} \cdot dt \dots\dots\dots (1)$$

$$\frac{d\omega}{dt} = \frac{S}{2\pi R^2} \cdot \frac{v_s dv_s}{dr} \dots\dots\dots (2)$$

do rovnice 2 dosadíme za  $dr$

$$\frac{d\omega}{dt} = \frac{S \cdot v_s dv_s}{2\pi R^2} \cdot \frac{2\pi R}{S \cdot v_s \cdot dt}$$

$$\frac{d\omega}{dt} = \frac{1}{R} \cdot \frac{dv_s}{dt}$$

Nyní dosadíme za  $\frac{d\omega}{dt}$  do rovnice  $M_S + M_G = J \frac{d\omega}{dt}$

$$M_S + M_G = J \cdot \frac{1}{R} \frac{dv_s}{dt} \Rightarrow dv_s = (M_S + M_G) \frac{R}{J} dt$$

Integrujeme pro počáteční podmínky  $v = 0, t = 0 \Rightarrow C = 0$

$$v_s = (M_S + M_G) \frac{R}{J} \cdot t$$

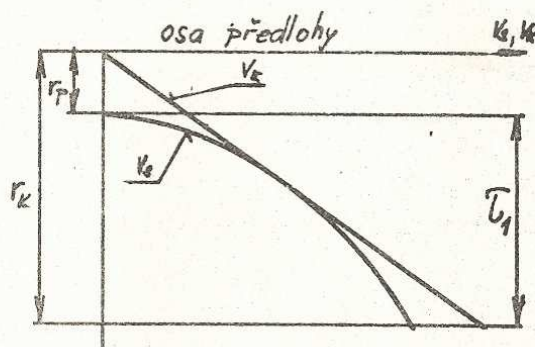
Do rovnice

$$r = \frac{J \cdot S \cdot v_s^2}{4 \pi R^2 (M_S + M_G)} + r_p \quad \text{dosadíme za } v_s, \text{ za } r = r_k \text{ a za } r_k - r_p = h.$$

$$v_s^2 = \frac{(r - r_p) 4 \pi R^2 (M_S + M_G)}{J \cdot S}$$

$$v = \sqrt{\frac{(r - r_p) 4 \pi R^2 (M_S + M_G)}{J \cdot S}} = (M_S + M_G) \frac{R}{J} \cdot t \Rightarrow$$

$$t_1 = t = 2 \sqrt{\frac{\pi \cdot J \cdot h}{S (M_S + M_G)}}$$



### Zdvihání beranu:

Pohybová rovnice má tvar:

$$M_S - M_G = - J \frac{d\omega}{dt} \quad (- \text{ proto, že pohyb je proti směru kladného smyslu souřadnic "r" })$$

$$M_G = G \cdot r_s \cdot \text{tg} (\alpha + \varphi)$$

$r_s$  ..... střed. poloměr vřetena



Stejně jako při pohybu dolů můžeme psát:

$$\frac{d\omega}{dt} = \frac{S}{2\pi R^2} \cdot v_s \frac{dv_s}{dr}$$

$$M_S - M_G = -J \frac{S}{2\pi R^2} \cdot v_s \frac{dv_s}{dr} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow dr = -J \frac{S}{2\pi R^2} \cdot v_s dv_s \cdot \frac{1}{M_S - M_G}$$

Po integraci dostaneme:

$$r = r_k - \frac{J \cdot S \cdot v_s^2}{4\pi R^2 (M_S - M_G)} \dots \quad (1a)$$

Při zpětném zdvihu nastává velký prokluz. Na poloměru  $r_m$  se teprve vyrovná rychlost (obvodová) setrvačníku  $v_s$  a rychlost hnacího disku, jenž má  $\neq$  rychlost  $\omega_h$ .

$v_s = r_m \cdot \omega_h$  ..... dosadíme do rovnice 1a a pro  $r = r_m$  platí:

$$r_m = r_k - \frac{J \cdot S \cdot \omega_h^2 \cdot r_m^2}{4\pi R^2 (M_S - M_G)} \Rightarrow r_m^2 \cdot J \cdot \omega_h^2 + r_m 4\pi R^2 (M_S - M_G) - r_k 4\pi R^2 (M_S - M_G) = 0$$

Řešením rovnice dostaneme  $r_{m1,2} = ?$

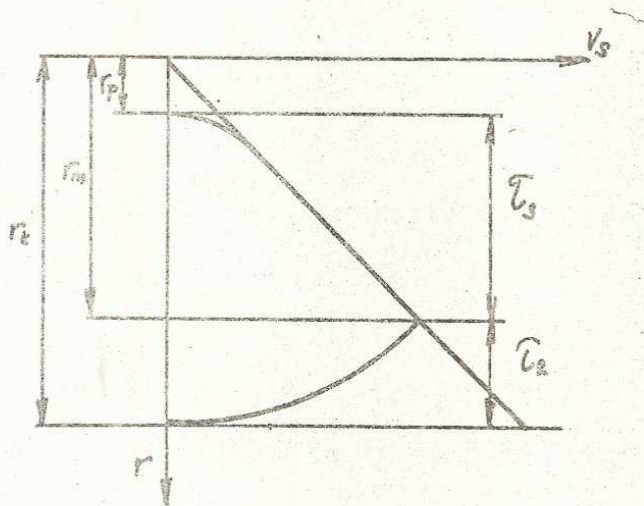
Obdobně jako pro zdvih dolů platí:

$$dt = \frac{2\pi R}{S} \cdot \frac{dr}{v_s} \Rightarrow dr = \frac{S}{2\pi} \cdot \frac{v_s}{R} \cdot dt \dots \quad (1)$$

$$\frac{d\omega}{dt} = \frac{S}{2\pi R^2} \cdot \frac{v_s dv_s}{dr} \dots \quad (2)$$

Do rovnice 2 dosadíme za  $dr$

$$\frac{d\omega}{dt} = \frac{1}{R} \cdot \frac{dv_s}{dt}$$





Nyní dosadíme za  $\frac{d\omega}{dt}$  do rovnice:

$$M_S - M_G = - J \frac{d\omega}{dt} = - J \frac{1}{R} \cdot \frac{dv_s}{dt}$$

odtud

$$dv_s = (M_S - M_G) \frac{R}{J} \cdot dt$$

Po integraci

$$v_s = (M_S - M_G) \frac{R}{J} \cdot \tau_2$$

za  $v_s$  dosadíme do rovnice la pro  $r = r_m$

$$r_m = r_k - \frac{J \cdot s \cdot (M_S - M_G)^2 \cdot R^2 \cdot \tau_2^2}{4 \pi R^2 (M_S - M_G) J^2} = r_k - \frac{(M_S - M_G) \cdot s \cdot \tau_2^2}{4 \pi \cdot J}$$

$$\tau_2 = 2 \sqrt{\frac{(r_k - r_m) \pi \cdot J}{s (M_S - M_G)}}$$

Při výpočtu času  $\tau_3$  předpokládáme, že po dráze  $r_m - r_p = l$  se rychlost  $v_s$  rovnoměrně mění - zmenšuje.

Počet otáček v čase  $\tau_3$  :  $n = \frac{l}{s}$

Délka dráhy styku setrvačníku s diskem po dobu  $\tau_3$

$$L = v_s \cdot \tau_3 = 2 \pi R n \Rightarrow \tau_3 = \frac{L}{v_s} \quad v_s = \frac{v_m + v_p}{2}$$

rychlost na poloměru  $r_m \Rightarrow v_m = r_m \cdot \omega_h$

rychlost na poloměru  $r_p \Rightarrow v_p = r_p \cdot \omega_h$

Celková doba jednoho zdvihu:  $\tau_c = \underbrace{\tau_1}_{\text{chod dolů}} + \underbrace{\tau_2 + \tau_3}_{\text{chod nahoru}}$

Poznámka:

Výpočet časů potřebných pro chod vřetenového lisu je přibližný. Ve skutečnosti je třeba počítat také s energií, která se akumuluje v rámu lisu a ve vřetenu jako deformace (ztracená energie), že se nám projeví na počátku zpětného zdvihu tak, že zařízení odpruží a roztočí nám setrvačník ještě před přitlačením hnacího disku. Není proto nutné dimenzovat motor na zdvih, neboť potřebná práce je menší o  $A_u$  a  $A_p$