

## 4.9 ÚBYTEK VELIKOSTI NAPĚTÍ

Úbytek velikosti napětí definujeme jako rozdíl velikostí napětí mezi začátkem a koncem sledovaného úseku vyjádřený ve fyzikální jednotce (voltech), nebo poměrné hodnotě vztažené k napětí jmenovitému. Poměrnou hodnotu často uvádíme v procentech:

$$\Delta u_{\%} = \frac{|U_1| - |U_2|}{U_N} \cdot 100 = \frac{\Delta U}{U_N} \cdot 100 \quad (\%)$$

### 4.9.1 Výpočet stejnosměrného úbytku velikosti napětí

Výpočet zjednodušené hodnoty velikosti úbytku napětí, pouze jako stejnosměrného úbytku na podélném činném odporu  $R_p$ , je vhodný kromě skutečně stejnosměrných obvodů i pro krátká střídavá vedení nízkého napětí ( $nn$ ), kde je hodnota  $R_p$  větší nebo alespoň porovnatelná s podélnou induktivní reaktancí  $X_p$  a současně má zatížení převážně činný charakter. Potom můžeme uvažovat, pro tyto obvody:

$$\Delta U = R_p \cdot I_{SS} \quad (V)$$

Pro jednofázové harmonické střídavé obvody  $nn$  s téměř čistě činnou zátěží platí pro jejich efektivní hodnoty veličin obdobně:

$$\Delta U = R_p \cdot I \quad (V)$$

Pro zmíněné stejnosměrné a jednofázové obvody je nezbytné do  $R_p$  zahrnout i činný odpor zpětné cesty, obvykle se počítá s dvojnásobkem činného odporu jednoho vodiče, potom:

$$R_p = 2 \cdot R_{p1V} \quad \text{a} \quad R_{p1V} = \rho \frac{l}{S}$$

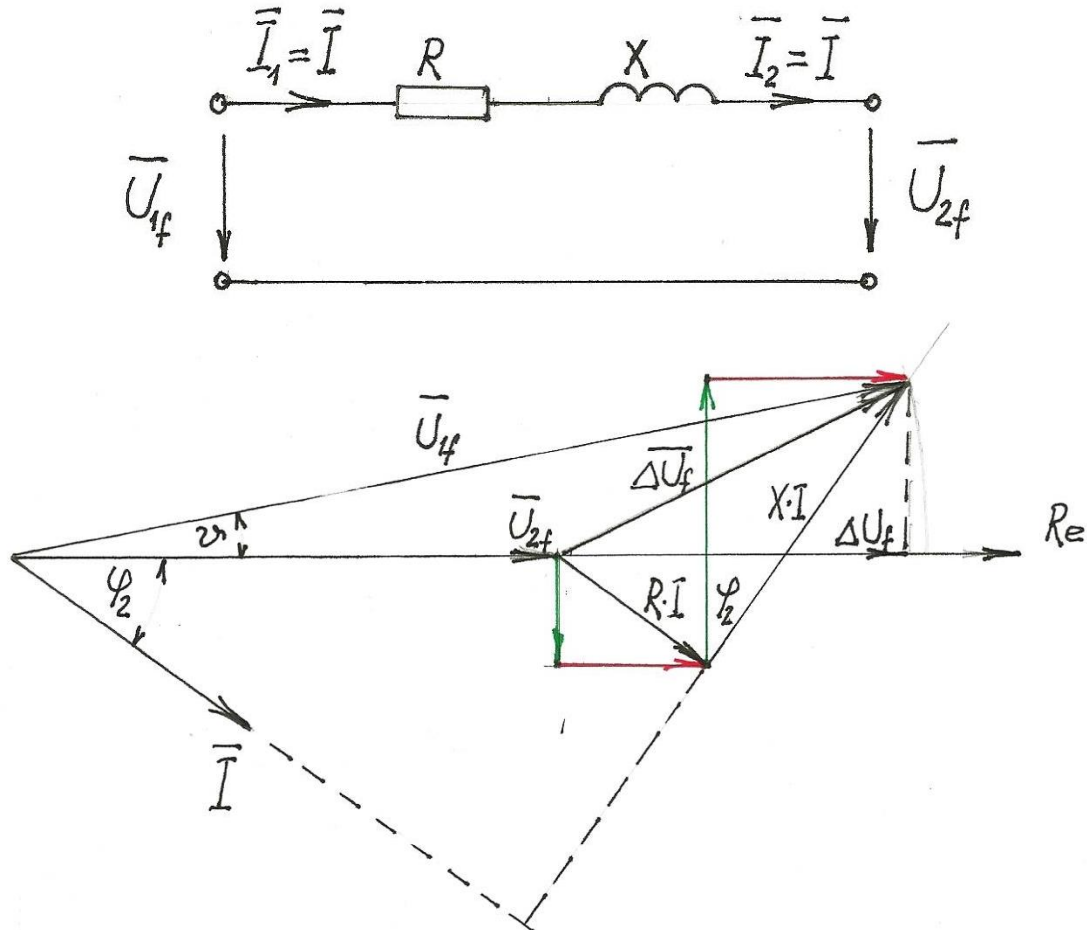
Pro trojfázové harmonické střídavé obvody  $nn$  (opět zatížené pouze činným odběrem) není zpětná cesta relevantní a je nezbytné uvážit vztah mezi fázovými a sdruženými velikostmi napětí:

$$\Delta U_f = R_p \cdot I \quad (V) \quad \Delta U = \Delta U_f \cdot \sqrt{3} \quad (V)$$
$$\Delta u_{\%} = \frac{\Delta U_f}{U_{fN}} \cdot 100 = \frac{\Delta U}{U_N} \cdot 100 \quad (\%)$$

Činný odpor  $R_p$  tentokrát uvažujeme bez zpětné cesty.

### 4.9.2 Výpočet úbytku velikosti napětí

Pro střídavé harmonické obvody zatížené obecným odběrem obsahujícím tentokrát jak činnou, tak i nezanedbatelnou jalovou složku odpovídá hodnota velikosti úbytku napětí následujícímu schématu a fázorovému diagramu:



Pozor na častou chybu, kdy je zaměňován rozdíl velikosti napětí  $\Delta U_f = |\bar{U}_{1f}| - |\bar{U}_{2f}|$  za velikost rozdílu napětí  $|\Delta \bar{U}_f| = |\bar{U}_{1f} - \bar{U}_{2f}|$ , tedy:

$$\Delta U_f = |\bar{U}_{1f}| - |\bar{U}_{2f}| \neq |\Delta \bar{U}_f| = |\bar{U}_{1f} - \bar{U}_{2f}|$$

(v obrázku pro délky vektorů fázových hodnot veličin  $|\Delta U_f| \neq |\Delta \bar{U}_f|$ ).

Zavedeme-li  $I_c = I \cdot \cos\varphi$  a  $I_j = I \cdot \sin\varphi$  a uvážíme, že reálná část  $\Delta \bar{U}_f$  je přibližně požadované  $|\bar{U}_{1f}| - |\bar{U}_{2f}|$ , potom lze přibližně určit:

$$\Delta U_f = \text{Re}\{\Delta \bar{U}_f\} \approx |\bar{U}_{1f}| - |\bar{U}_{2f}|$$

Tato podstatná část úbytku velikosti napětí  $\Delta U_f$  a její dílčí součásti (na obrázku červeně) jsou:

$$\Delta U_f = \Delta U_R \pm \Delta U_X = R \cdot I \cdot \cos\varphi \pm X \cdot I \cdot \sin\varphi = R \cdot I_c \pm X \cdot I_j$$

Příčemž kladná znaménka platí pro induktivní charakter zátěže (právě tak jako proudu a výkonu) a záporná pro její kapacitní charakter.

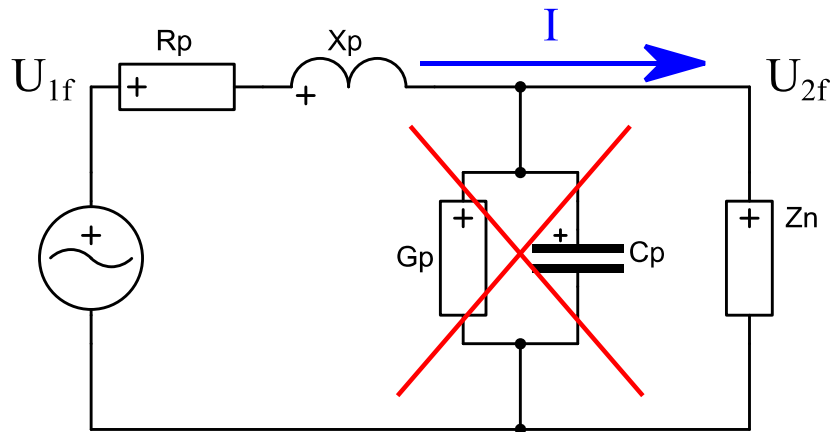
Při vyjádření pomocí činného a jalového příkonu zátěže:

$$\Delta U_f = \frac{R \cdot 3 \cdot U_{fN} \cdot I \cdot \cos\varphi \pm X \cdot 3 \cdot U_{fN} \cdot I \cdot \sin\varphi}{3 \cdot U_{fN}} = \frac{R \cdot P \pm X \cdot Q}{3 \cdot U_{fN}}$$

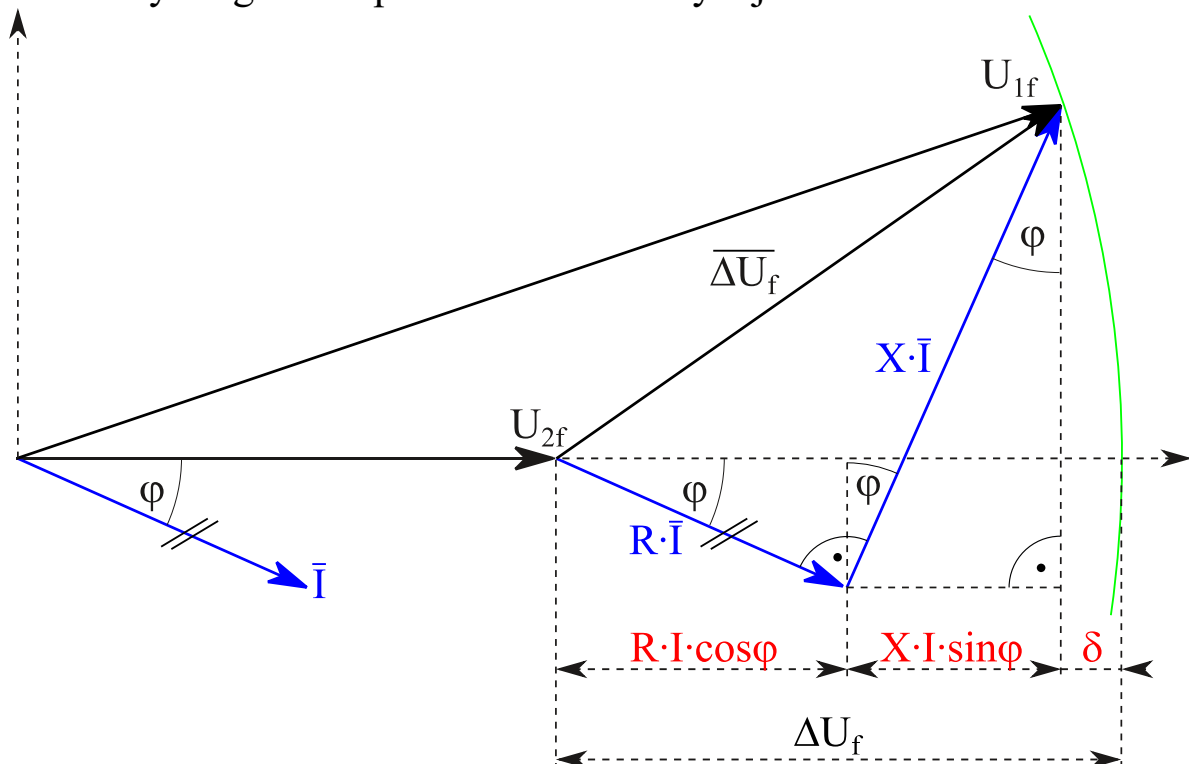
$$\Delta u_{\%} = \frac{\Delta U_f}{U_{fN}} \cdot 100 \approx \frac{R \cdot P \pm X \cdot Q}{3 \cdot U_{fN}^2} \cdot 100 = \frac{R \cdot P \pm X \cdot Q}{U_N^2} \cdot 100$$

### 4.9.3 Zpřesněný výpočet úbytku velikosti napětí

I v tomto o něco přesnějším výpočtu je stále zanedbávána příčná část náhradního schématu vedení:



Fázorový diagram doplníme o malou zbývající část  $\delta$ :



Přesná hodnota fázového úbytku velikosti napětí je dána vztahem:

$$\Delta U_f = \Delta U_R \pm \Delta U_X + \delta \qquad \delta = \frac{(X \cdot I \cdot \cos\varphi \mp R \cdot I \cdot \sin\varphi)^2}{2 \cdot U_{fN}^2}$$

Po dosazení za  $\delta$  :

$$\Delta U_f = R \cdot I \cdot \cos\varphi \pm X \cdot I \cdot \sin\varphi + \frac{(X \cdot I \cdot \cos\varphi \mp R \cdot I \cdot \sin\varphi)^2}{2 \cdot U_{fN}^2}$$

Tedy s využitím výkonových parametrů a sdružených hodnot napětí:

$$\Delta U_f = \frac{R \cdot P \pm X \cdot Q}{3 \cdot U_{fN}^2} + \frac{(X \cdot P \mp R \cdot Q)^2}{18 \cdot U_{fN}^3}$$

$$\Delta u_{\%} = \frac{\Delta U_f}{U_{fN}} \cdot 100 = \left( \frac{R \cdot P \pm X \cdot Q}{3 \cdot U_{fN}^2} + \frac{(X \cdot P \mp R \cdot Q)^2}{18 \cdot U_{fN}^3} \right) \cdot 100$$

$$\Delta u_{\%} = \left( \frac{R \cdot P \pm X \cdot Q}{U_N^2} + \frac{(X \cdot P \mp R \cdot Q)^2}{2 \cdot U_N^3} \right) \cdot 100$$

Výše zmiňovaná odlišnost žádaného úbytku velikosti napětí  $\Delta U_f$  a velikosti rozdílu napětí  $|\overline{\Delta U}_f|$  i nezbytnost uvažovat zbývající doplňkovou část  $\delta$  jsou patrné zejména pro kapacitní zatížení a velký fázový rozdíl napětí  $\bar{U}_{1f}$  a  $\bar{U}_{2f}$ :

