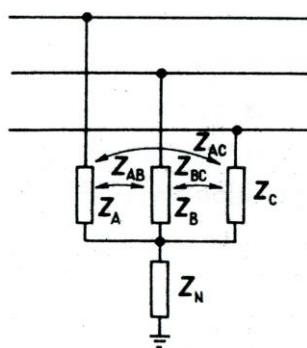


PJS – Přednáška číslo 5

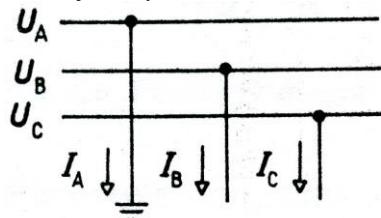
Řešení nesymetrických stavů v ES metodou souměrných složkových soustav

Místní poruchy

Nesymetrický příčný článek

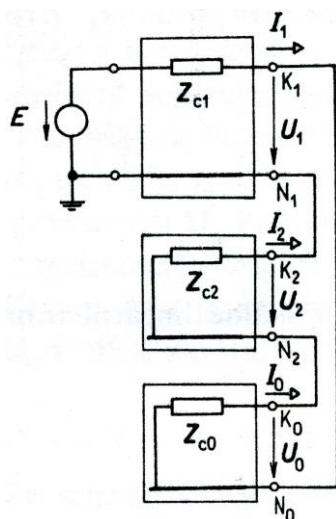


Jednofázový zkrat:



$$\begin{bmatrix} I^{(1)} \\ I^{(2)} \\ I^{(0)} \end{bmatrix} = [\mathbf{F}^{-1}] \cdot \begin{bmatrix} U_A \\ U_B \\ U_C \end{bmatrix} = \frac{1}{3} \begin{bmatrix} 1 & a & a^2 \\ 1 & a^2 & a \\ 1 & 1 & 1 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} U_B \\ U_C \\ U_B + U_C \end{bmatrix} = \frac{1}{3} \begin{bmatrix} I_A \\ I_A \\ I_A \end{bmatrix}$$

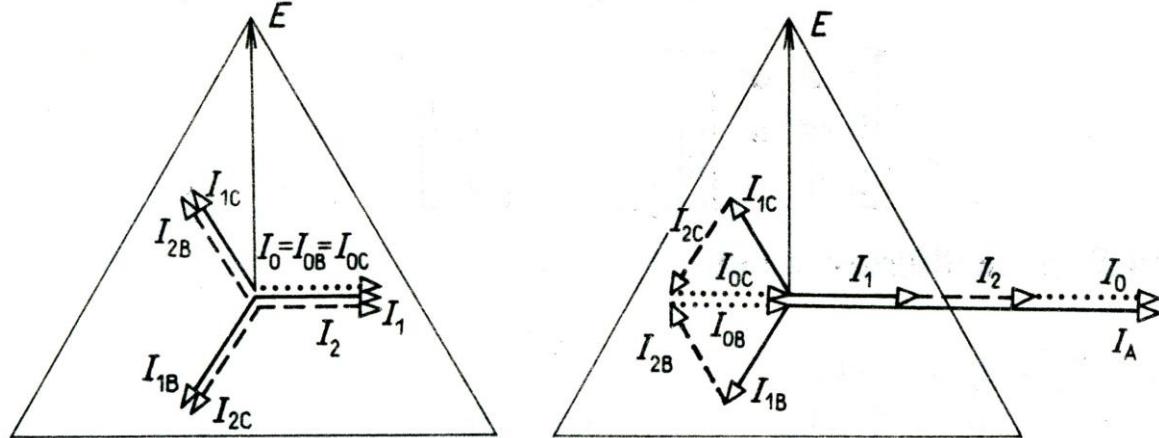
$$\begin{bmatrix} U^{(1)} \\ U^{(2)} \\ U^{(0)} \end{bmatrix} = [\mathbf{F}^{-1}] \cdot \begin{bmatrix} U_A \\ U_B \\ U_C \end{bmatrix} = \frac{1}{3} \begin{bmatrix} 1 & a & a^2 \\ 1 & a^2 & a \\ 1 & 1 & 1 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} 0 \\ U_B \\ U_B + U_C \end{bmatrix} = \frac{1}{3} \begin{bmatrix} aU_B + a^2U_C \\ a^2U_B + aU_C \\ U_B + U_C \end{bmatrix}$$



$$\begin{aligned} I^{(1)} &= I^{(2)} = I^{(0)} = \frac{1}{3} I_A \\ U^{(1)} + U^{(2)} + U^{(0)} &= 0 \\ I^{(1)} &= \frac{E}{Z_C^{(1)} + Z_C^{(2)} + Z_C^{(0)}} \\ I^{(2)} &= I^{(1)} \quad I^{(0)} = I^{(1)} \\ U^{(0)} &= -Z_C^{(0)} I^{(0)} \\ U^{(2)} &= -Z_C^{(2)} I^{(2)} \\ U^{(1)} &= (Z_C^{(2)} + Z_C^{(0)}) I^{(1)} \end{aligned}$$

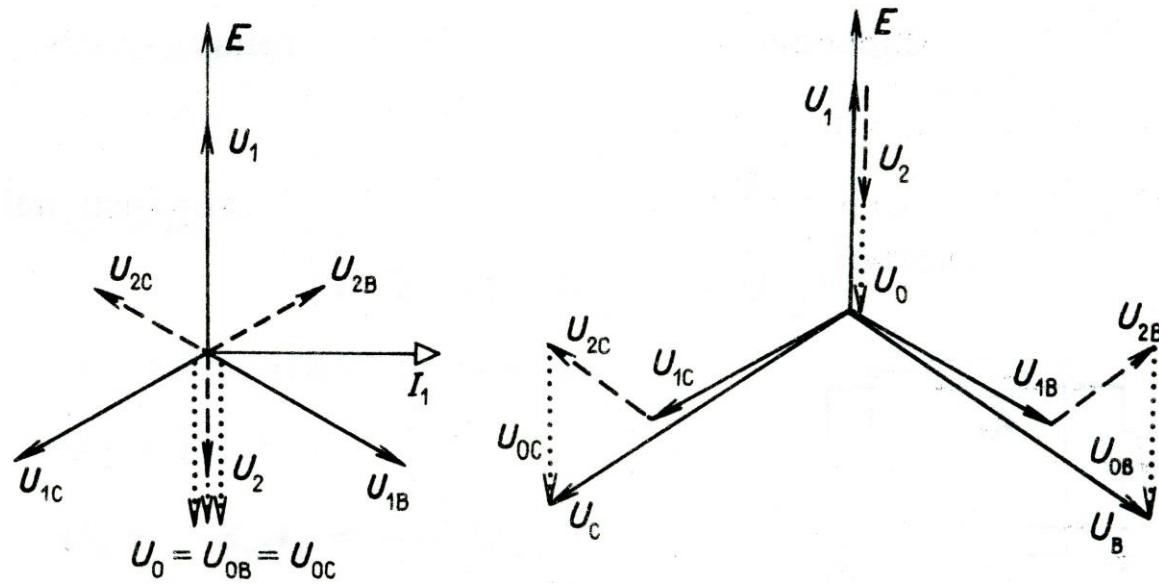
$$\begin{bmatrix} I_A \\ I_B \\ I_C \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 \\ a^2 & a & 1 \\ a & a^2 & 1 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} I^{(1)} \\ I^{(2)} \\ I^{(0)} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 \\ a^2 & a & 1 \\ a & a^2 & 1 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} I^{(1)} \\ I^{(1)} \\ I^{(1)} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 3I^{(1)} \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix}$$

Při zanedbání činných odporů lze odhadnout fázový posuv proudů:

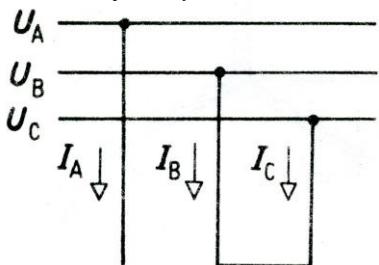


$$\begin{bmatrix} U_A \\ U_B \\ U_C \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 \\ a^2 & a & 1 \\ a & a^2 & 1 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} U^{(1)} \\ U^{(2)} \\ U^{(0)} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 \\ a^2 & a & 1 \\ a & a^2 & 1 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} (Z_C^{(2)} + Z_C^{(0)})I^{(1)} \\ -Z_C^{(2)}I^{(2)} \\ -Z_C^{(0)}I^{(0)} \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} U_A \\ U_B \\ U_C \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 \\ (a^2 - a)Z_C^{(2)} + (a^2 - 1)Z_C^{(0)} \\ (a - a^2)Z_C^{(2)} + (a - 1)Z_C^{(0)} \end{bmatrix} I^{(1)}$$

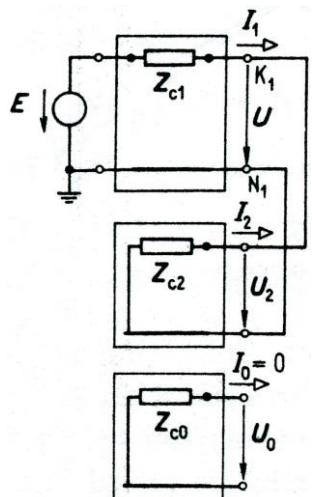


Dvojfázový zkrat:



$$\begin{aligned} U_B = U_C & \quad I_A = 0 & \quad I_B = -I_C \\ \begin{bmatrix} I^{(1)} \\ I^{(2)} \\ I^{(0)} \end{bmatrix} = [\mathbf{F}^{-1}] \cdot \begin{bmatrix} I_A \\ I_B \\ I_C \end{bmatrix} & = \frac{1}{3} \begin{bmatrix} 1 & a & a^2 \\ 1 & a^2 & a \\ 1 & 1 & 1 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} 0 \\ I_B \\ -I_B \end{bmatrix} = \frac{1}{3} \begin{bmatrix} j\sqrt{3}I_B \\ -j\sqrt{3}I_B \\ 0 \end{bmatrix} \end{aligned}$$

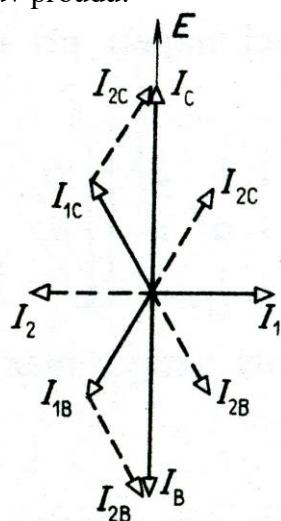
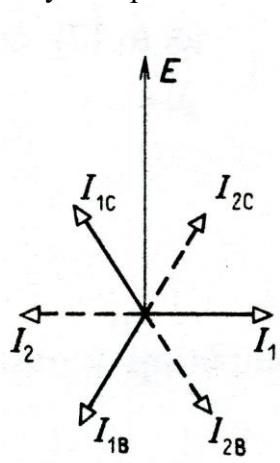
$$\begin{bmatrix} U^{(1)} \\ U^{(2)} \\ U^{(0)} \end{bmatrix} = [\mathbf{F}^{-1}] \cdot \begin{bmatrix} U_A \\ U_B \\ U_C \end{bmatrix} = \frac{1}{3} \begin{bmatrix} 1 & a & a^2 \\ 1 & a^2 & a \\ 1 & 1 & 1 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} U_A \\ U_B \\ U_B \end{bmatrix} = \frac{1}{3} \begin{bmatrix} U_A + aU_B + a^2U_B \\ U_A + a^2U_B + aU_B \\ U_A + 2U_B \end{bmatrix}$$



$$\begin{aligned} I^{(1)} &= -I^{(2)} = \frac{j}{\sqrt{3}} I_B & I^{(0)} &= 0 \\ U^{(1)} &= U^{(2)} \\ I^{(1)} &= \frac{E}{Z_C^{(1)} + Z_C^{(2)}} \\ I^{(2)} &= -I^{(1)} & I^{(0)} &= 0 \\ U^{(0)} &= -Z_C^{(0)} I^{(0)} = 0 \\ U^{(2)} &= -Z_C^{(2)} I^{(2)} = Z_C^{(2)} I^{(1)} \\ U^{(1)} &= U^{(2)} = Z_C^{(2)} I^{(1)} \end{aligned}$$

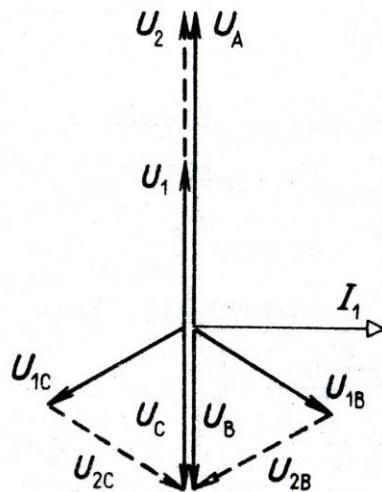
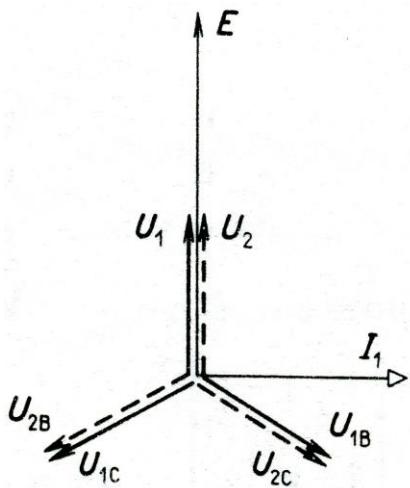
$$\begin{bmatrix} I_A \\ I_B \\ I_C \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 \\ a^2 & a & 1 \\ a & a^2 & 1 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} I^{(1)} \\ I^{(2)} \\ I^{(0)} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 \\ a^2 & a & 1 \\ a & a^2 & 1 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} I^{(1)} \\ -I^{(1)} \\ 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 \\ -j\sqrt{3}I^{(1)} \\ j\sqrt{3}I^{(1)} \end{bmatrix}$$

Při zanedbání činných odporů lze odhadnout fázový posuv proudů:

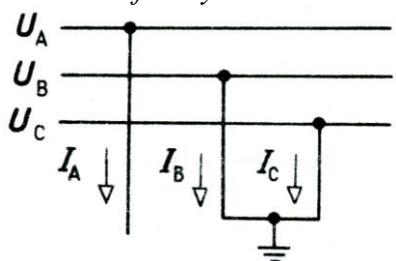


$$\begin{bmatrix} U_A \\ U_B \\ U_C \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 \\ a^2 & a & 1 \\ a & a^2 & 1 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} U^{(1)} \\ U^{(2)} \\ U^{(0)} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 \\ a^2 & a & 1 \\ a & a^2 & 1 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} Z_C^{(2)} I^{(1)} \\ Z_C^{(2)} I^{(1)} \\ 0 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} U_A \\ U_B \\ U_C \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2Z_C^{(2)} \\ -Z_C^{(2)} \\ -Z_C^{(2)} \end{bmatrix} I^{(1)}$$



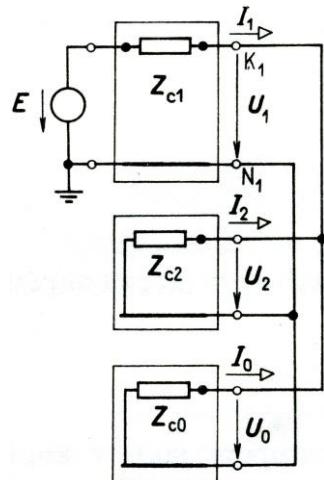
Dvoufázový zemní zkrat:



$$U_B = U_C = 0 \quad I_A = 0$$

$$\begin{bmatrix} I^{(1)} \\ I^{(2)} \\ I^{(0)} \end{bmatrix} = [\mathbf{F}^{-1}] \cdot \begin{bmatrix} I_A \\ I_B \\ I_C \end{bmatrix} = \frac{1}{3} \begin{bmatrix} 1 & a & a^2 \\ 1 & a^2 & a \\ 1 & 1 & 1 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} 0 \\ I_B \\ I_C \end{bmatrix} = \frac{1}{3} \begin{bmatrix} aI_B + a^2I_C \\ a^2I_B + aI_C \\ I_B + I_C \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} U^{(1)} \\ U^{(2)} \\ U^{(0)} \end{bmatrix} = [\mathbf{F}^{-1}] \cdot \begin{bmatrix} U_A \\ U_B \\ U_C \end{bmatrix} = \frac{1}{3} \begin{bmatrix} 1 & a & a^2 \\ 1 & a^2 & a \\ 1 & 1 & 1 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} U_A \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix} = \frac{1}{3} \begin{bmatrix} U_A \\ U_A \\ U_A \end{bmatrix}$$



$$I^{(1)} + I^{(2)} + I^{(0)} = 0$$

$$U^{(1)} = U^{(2)} = U^{(0)} = \frac{1}{3} U_A$$

$$I^{(1)} = \frac{E}{Z_C^{(1)} + \frac{Z_C^{(2)} Z_C^{(0)}}{Z_C^{(2)} + Z_C^{(0)}}}$$

$$I^{(2)} = -\frac{Z_C^{(0)}}{Z_C^{(2)} + Z_C^{(0)}} I^{(1)}$$

$$I^{(0)} = -\frac{Z_C^{(2)}}{Z_C^{(2)} + Z_C^{(0)}} I^{(1)}$$

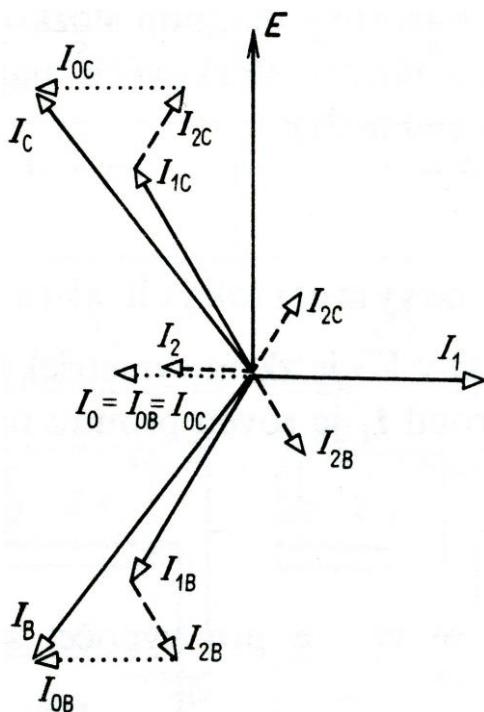
$$U^{(1)} = U^{(2)} = U^{(0)} = -Z_C^{(2)} I^{(2)}$$

$$U^{(1)} = U^{(2)} = U^{(0)} = \frac{Z_C^{(2)} Z_C^{(0)}}{Z_C^{(2)} + Z_C^{(0)}} I^{(1)}$$

$$\begin{bmatrix} I_A \\ I_B \\ I_C \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 \\ a^2 & a & 1 \\ a & a^2 & 1 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} I^{(1)} \\ I^{(2)} \\ I^{(0)} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 \\ a^2 & a & 1 \\ a & a^2 & 1 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} 1 \\ -\frac{Z_C^{(0)}}{Z_C^{(2)} + Z_C^{(0)}} \\ -\frac{Z_C^{(2)}}{Z_C^{(2)} + Z_C^{(0)}} \end{bmatrix} I^{(1)}$$

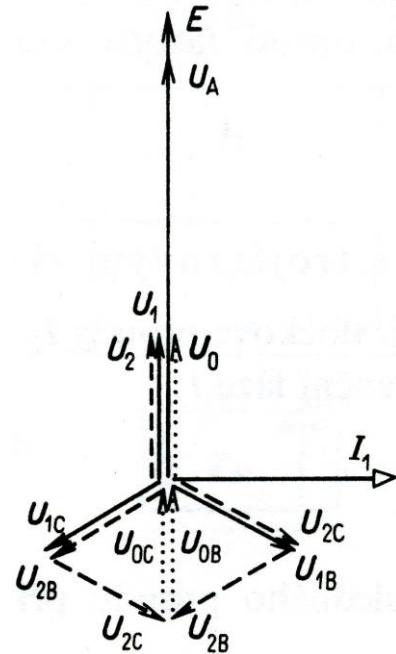
$$\begin{bmatrix} I_A \\ I_B \\ I_C \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 \\ \frac{(a^2 - 1)Z_C^{(2)} + (a^2 - a)Z_C^{(0)}}{Z_C^{(2)} + Z_C^{(0)}} \\ \frac{(a - 1)Z_C^{(2)} + (a - a^2)Z_C^{(0)}}{Z_C^{(2)} + Z_C^{(0)}} \end{bmatrix} I^{(1)}$$

Při zanedbání činných odporů lze odhadnout fázový posuv proudů:



$$\begin{bmatrix} U_A \\ U_B \\ U_C \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 \\ a^2 & a & 1 \\ a & a^2 & 1 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} U^{(1)} \\ U^{(2)} \\ U^{(0)} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 \\ a^2 & a & 1 \\ a & a^2 & 1 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} -Z_C^{(2)}I^{(2)} \\ -Z_C^{(2)}I^{(2)} \\ -Z_C^{(2)}I^{(2)} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -3Z_C^{(2)}I^{(2)} \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} U_A \\ U_B \\ U_C \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 3\frac{Z_C^{(2)}Z_C^{(0)}}{Z_C^{(2)}+Z_C^{(0)}}I^{(1)} \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix}$$



Ekvivalence nesymetrických zkratů s trojfázovým:

Typ	3f	2f zemní	2f	1f
$I^{(1)}$	$\frac{E}{Z_C^{(1)}}$	$\frac{E}{Z_C^{(1)} + \frac{Z_C^{(2)}Z_C^{(0)}}{Z_C^{(2)} + Z_C^{(0)}}}$	$\frac{E}{Z_C^{(1)} + Z_C^{(2)}}$	$\frac{E}{Z_C^{(1)} + Z_C^{(2)} + Z_C^{(0)}}$
I_F	$I_A = I^{(1)}$	$I_B = \frac{(a^2 - 1)Z_C^{(2)} + (a^2 - a)Z_C^{(0)}}{Z_C^{(2)} + Z_C^{(0)}}I^{(1)}$	$I_B = -j\sqrt{3}I^{(1)}$ $I_C = j\sqrt{3}I^{(1)}$	$I_A = 3I^{(1)}$
Z_Δ	0	$\frac{Z_C^{(2)}Z_C^{(0)}}{Z_C^{(2)} + Z_C^{(0)}}$	$Z_C^{(2)}$	$Z_C^{(2)} + Z_C^{(0)}$

Porovnání velikosti jednotlivých druhů zkratů:

Trojfázový zkrat $I_{K3f} = I^{(1)} = \frac{E}{Z_C^{(1)}}$

Jednofázový zkrat $I_{K1f} = 3I^{(1)} = \frac{3E}{Z_C^{(1)} + Z_C^{(2)} + Z_C^{(0)}} \approx \frac{3}{2 + \frac{Z_C^{(0)}}{Z_C^{(1)}}} I_{K3f}$

Protože může být v krajním případě $Z_C^{(0)} / Z_C^{(1)} \in 0 \div \infty$, potom $I_{K1f} = (0 \div 1.5)I_{K3f}$.

Dvoufázový zkrat

$$I_{K2f} = \sqrt{3}I^{(1)} = \frac{\sqrt{3}E}{Z_C^{(1)} + Z_C^{(2)}} \approx \frac{\sqrt{3}}{2}I_{K3f}$$

Pro případy blízkosti velkých točivých strojů, kdy $Z_C^{(2)} \ll Z_C^{(1)}$ je $I_{K2f} \approx \sqrt{3}I_{K3f}$.

Dvoufázový zemní zkrat

$$I_{K2fZ} = \sqrt{3} \sqrt{1 - \frac{Z_C^{(2)}Z_C^{(0)}}{(Z_C^{(2)} + Z_C^{(0)})^2}} I^{(1)}$$

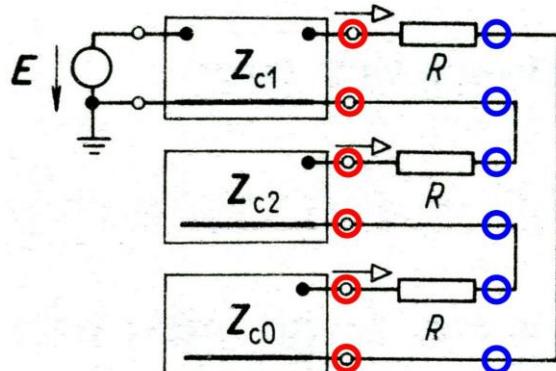
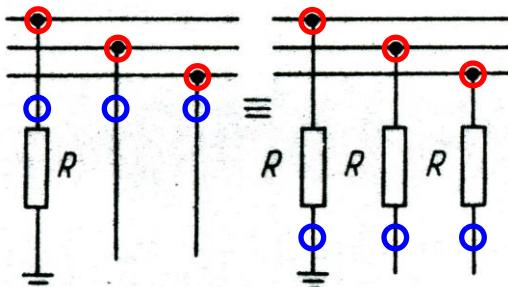
$$I_{K2fZ} \approx \sqrt{3} \sqrt{1 - \frac{Z_C^{(2)}Z_C^{(0)}}{(Z_C^{(2)} + Z_C^{(0)})^2}} \frac{E}{Z_C^{(1)} + \frac{Z_C^{(2)}Z_C^{(0)}}{Z_C^{(2)} + Z_C^{(0)}}}$$

Pro $Z_C^{(0)}/Z_C^{(1)} \rightarrow 0$ je $I_{K2fZ} \approx \sqrt{3}I_{K3f}$,

pro $Z_C^{(0)}/Z_C^{(1)} \rightarrow \infty$ je $I_{K2fZ} \approx \frac{\sqrt{3}}{2}I_{K3f}$ (vlastně běžný dvoufázový zkrat).

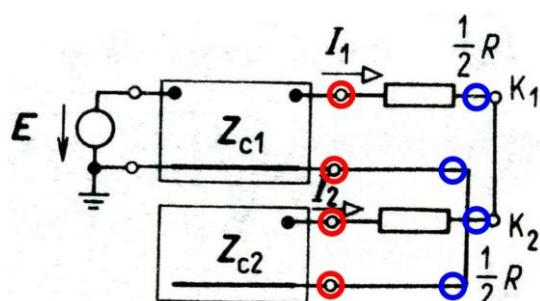
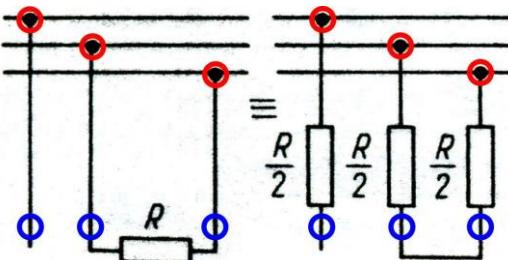
Vliv oblouku při zkratu:

Pro orientační výpočty lze nahradit náhradním činným odporem. Pro jednofázový zkrat:



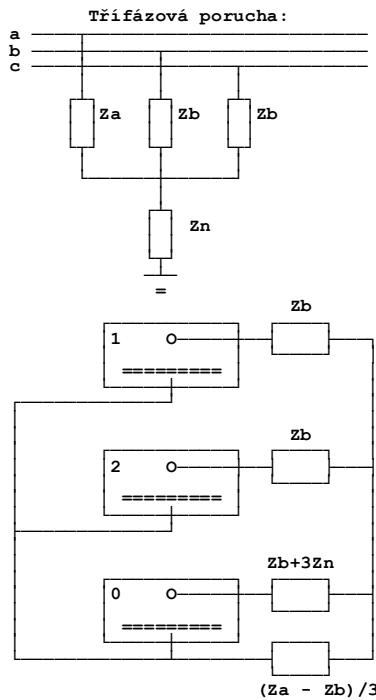
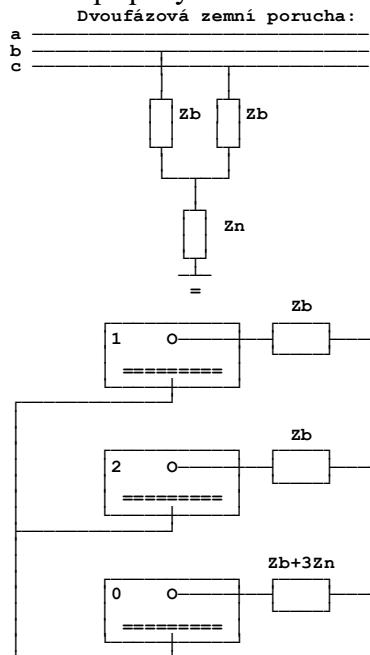
Po aplikaci transformace je pak: $I^{(1)} = \frac{E}{Z_C^{(1)} + Z_C^{(2)} + Z_C^{(0)} + 3R}$

Pro dvoufázový zkrat:

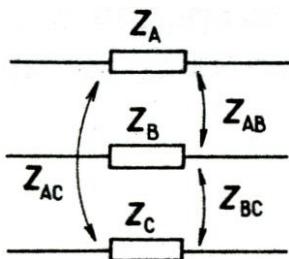


Opět po aplikaci transformace je pak: $I^{(1)} = \frac{E}{Z_C^{(1)} + Z_C^{(2)} + R}$

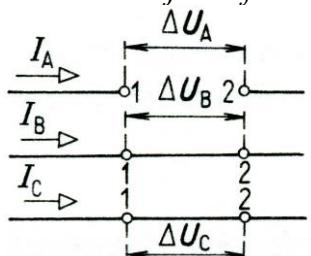
Obecné případy:



Nesymetrický podélný článek

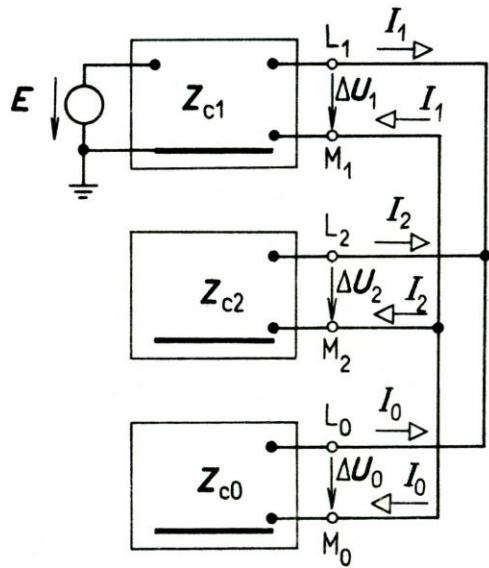


Přerušení jedné fáze:



$$\begin{aligned} I_A &= 0 & \Delta U_B &= 0 & \Delta U_C &= 0 \\ \begin{bmatrix} \Delta U^{(1)} \\ \Delta U^{(2)} \\ \Delta U^{(0)} \end{bmatrix} &= [\mathbf{F}^{-1}] \cdot \begin{bmatrix} \Delta U_A \\ \Delta U_B \\ \Delta U_C \end{bmatrix} = \frac{1}{3} \begin{bmatrix} 1 & a & a^2 \\ 1 & a^2 & a \\ 1 & 1 & 1 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} \Delta U_A \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix} = \frac{1}{3} \begin{bmatrix} \Delta U_A \\ \Delta U_A \\ \Delta U_A \end{bmatrix} \end{aligned}$$

$$\begin{bmatrix} I^{(1)} \\ I^{(2)} \\ I^{(0)} \end{bmatrix} = [\mathbf{F}^{-1}] \cdot \begin{bmatrix} I_A \\ I_B \\ I_C \end{bmatrix} = \frac{1}{3} \begin{bmatrix} 1 & a & a^2 \\ 1 & a^2 & a \\ 1 & 1 & 1 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} 0 \\ I_B \\ I_C \end{bmatrix} = \frac{1}{3} \begin{bmatrix} aI_B + a^2I_C \\ a^2I_B + aI_C \\ I_B + I_C \end{bmatrix}$$



$$I^{(1)} + I^{(2)} + I^{(0)} = 0$$

$$\Delta U^{(1)} = \Delta U^{(2)} = \Delta U^{(0)} = \frac{1}{3} \Delta U_A$$

$$I^{(1)} = \frac{E}{Z_C^{(1)} + \frac{Z_C^{(2)} Z_C^{(0)}}{Z_C^{(2)} + Z_C^{(0)}}}$$

$$I^{(1)} = \frac{E}{Z_C^{(1)} + Z_\Delta}$$

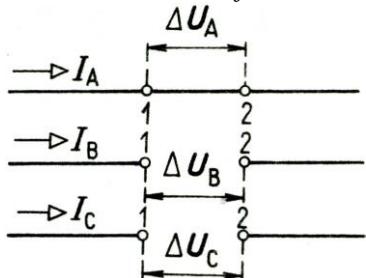
$$I^{(2)} = -\frac{Z_C^{(0)}}{Z_C^{(2)} + Z_C^{(0)}} I^{(1)}$$

$$I^{(0)} = -\frac{Z_C^{(2)}}{Z_C^{(2)} + Z_C^{(0)}} I^{(1)}$$

$$\Delta U^{(1)} = \Delta U^{(2)} = \Delta U^{(0)} = -Z_C^{(2)} I^{(2)}$$

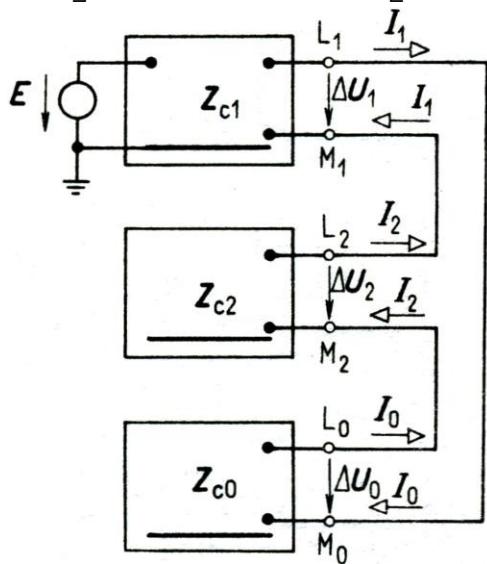
$$\Delta U^{(1)} = \Delta U^{(2)} = \Delta U^{(0)} = \frac{Z_C^{(2)} Z_C^{(0)}}{Z_C^{(2)} + Z_C^{(0)}} I^{(1)}$$

Přerušení dvou fází:



$$\begin{bmatrix} I^{(1)} \\ I^{(2)} \\ I^{(0)} \end{bmatrix} = [\mathbf{F}^{-1}] \cdot \begin{bmatrix} I_A \\ I_B \\ I_C \end{bmatrix} = \frac{1}{3} \begin{bmatrix} 1 & a & a^2 \\ 1 & a^2 & a \\ 1 & 1 & 1 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} I_A \\ I_B \\ I_C \end{bmatrix} = \frac{1}{3} \begin{bmatrix} I_A \\ I_A \\ I_A \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} \Delta U^{(1)} \\ \Delta U^{(2)} \\ \Delta U^{(0)} \end{bmatrix} = [\mathbf{F}^{-1}] \cdot \begin{bmatrix} \Delta U_A \\ \Delta U_B \\ \Delta U_C \end{bmatrix} = \frac{1}{3} \begin{bmatrix} 1 & a & a^2 \\ 1 & a^2 & a \\ 1 & 1 & 1 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} \Delta U_B \\ \Delta U_B \\ \Delta U_C \end{bmatrix} = \frac{1}{3} \begin{bmatrix} a \Delta U_B + a^2 \Delta U_C \\ a^2 \Delta U_B + a \Delta U_C \\ \Delta U_B + \Delta U_C \end{bmatrix}$$



$$I^{(1)} = I^{(2)} = I^{(0)} = \frac{1}{3} I_A$$

$$\Delta U^{(1)} + \Delta U^{(2)} + \Delta U^{(0)} = 0$$

$$I^{(1)} = \frac{E}{Z_C^{(1)} + Z_C^{(2)} + Z_C^{(0)}}$$

$$I^{(1)} = \frac{E}{Z_C^{(1)} + Z_\Delta}$$

$$I^{(2)} = I^{(1)} \quad I^{(0)} = I^{(1)}$$

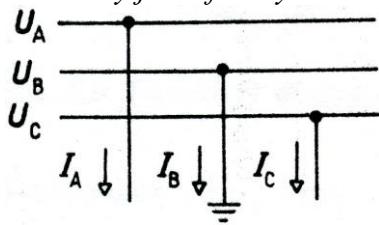
$$\Delta U^{(0)} = -Z_C^{(0)} I^{(0)}$$

$$\Delta U^{(2)} = -Z_C^{(2)} I^{(2)}$$

$$\Delta U^{(1)} = \left(Z_C^{(2)} + Z_C^{(0)} \right) I^{(1)}$$

Vícenásobné nesymetrie

Přidavný jednofázový zkrat ve fázi „B“:



$$U_B = 0 \quad I_A = 0 \quad I_C = 0$$

$$\begin{bmatrix} I^{(1)} \\ I^{(2)} \\ I^{(0)} \end{bmatrix} = [\mathbf{F}^{-1}] \cdot \begin{bmatrix} I_A \\ I_B \\ I_C \end{bmatrix} = \frac{1}{3} \begin{bmatrix} 1 & a & a^2 \\ 1 & a^2 & a \\ 1 & 1 & 1 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} 0 \\ I_B \\ 0 \end{bmatrix} = \frac{1}{3} \begin{bmatrix} aI_B \\ a^2I_B \\ I_B \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} U^{(1)} \\ U^{(2)} \\ U^{(0)} \end{bmatrix} = [\mathbf{F}^{-1}] \cdot \begin{bmatrix} U_A \\ U_B \\ U_C \end{bmatrix} = \frac{1}{3} \begin{bmatrix} 1 & a & a^2 \\ 1 & a^2 & a \\ 1 & 1 & 1 \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} U_A \\ 0 \\ U_C \end{bmatrix} = \frac{1}{3} \begin{bmatrix} U_A + a^2U_C \\ U_A + aU_C \\ U_A + U_C \end{bmatrix}$$

$$U^{(1)} + U^{(2)} + U^{(0)} = U_A$$

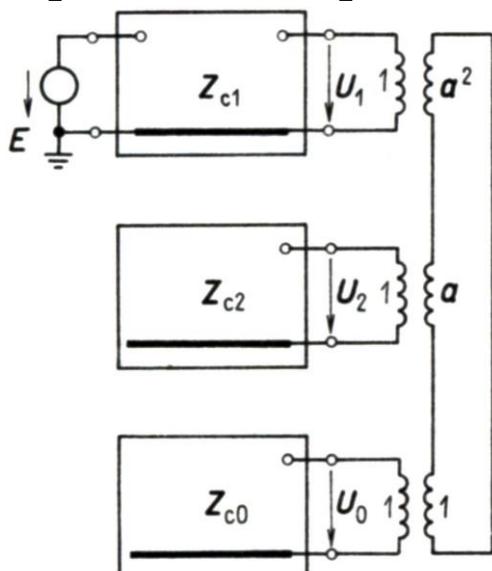
$$I^{(0)} = \frac{1}{3} I_B$$

$$I^{(1)} = \frac{1}{3} a I_B = a I^{(0)}$$

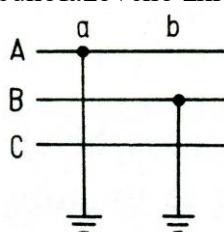
$$I^{(2)} = \frac{1}{3} a^2 I_B = a^2 I^{(0)}$$

$$I^{(0)} = \frac{I^{(1)}}{a} = a^2 I^{(1)} = \frac{I^{(2)}}{a^2} = a I^{(2)}$$

$$I^{(0)} = a^2 I^{(1)} = a I^{(2)}$$



Kombinace jednofázového zkratu ve fázích „A“ a „B“:



$$U_{Aa} = 0$$

$$I_{Ba} = 0$$

$$I_{Ca} = 0$$

$$U_{Bb} = 0$$

$$I_{Ab} = 0$$

$$I_{Cb} = 0$$

