

## Příklady otázek ke zkoušce (vycházejí důsledně z přehledu látky)

- Základní parametry metalických sdělovacích vedení.
- Satelitní technika, dráhy, použití
- Mobilní komunikace, systémy, topologie, radiotelefonní systémy
- Šíření elektromagnetických vln, zákonitosti a aplikace. Které typy vln podle mechanismů jejich šíření rozlišujeme?
- Základní pojmy z akustiky - akustický tlak, intenzita zvuku, hladina zvuku, hlasitost
- Porovnejte systémy s komutací (přepojováním) kanálů, zpráv a paketů. Uveďte základní vlastnosti.
- AM - amplitudová modulace, časové průběhy, spektrum - odvození
- Optické komunikace – typy optických vláken a základní parametry, použitelnost, princip WDM
- Vlastnosti sluchového orgánu - křivky slyšitelnosti – izofony, dynamický rozsah, frekvenční rozsah, maskování, citlivost ucha v čase.
- Hovorový signál - tvorba řeči, základní tón..., kmitočtový rozsah, dynamika řeči, spektrum, formanty...
- Porovnejte telefonní přístroje MB a ÚB, hovorové obvody - princip protimístní vazby, vidlice
- Elektroakustické měniče – základní principy.
- Obecné schéma sdělovacího systému, uveďte příklady...
- Diskretizace signálu. Vzorkování, kvantování
- Diskrétní modulace s nosnou ASK, FSK, PSK, QAM
- Digitální přenosové systémy - rámec PCM, PDH, SDH
- Moderní analogový telefonní přístroj - princip protimístní vazby, vidlice, signalizace na účastnické analogové lince.

### Pro zopakování:

**Modulační rychlost** uvádí kolik signálových prvků přeneseme za jednotku času:  $v_m = 1/a$  [Bd], kde  $a$  [s] je délkou charakteristického intervalu (signálového prvku).

Z modulační rychlosti vychází požadavek na šířku pásma.

**Přenosová rychlost** uvádí kolik bitů informace přeneseme za jednotku času:  $v_p = v_m \log_2 s$  [bit/s], kde  $s$  je počet stavů signálu.

Větší počet stavů – přeneseme větší objem dat při dané modulační rychlosti.

**Kapacita kanálu** je maximální dosažitelná přenosová rychlost v daném kanálu (prostředí):

$$C = v_{pmax} = B \log_2 (1 + S/N) \text{ [bit/s]},$$

kde  $B$  je šířka pásma a  $S/N$  je poměr signál/šum (poměr dvou výkonů).

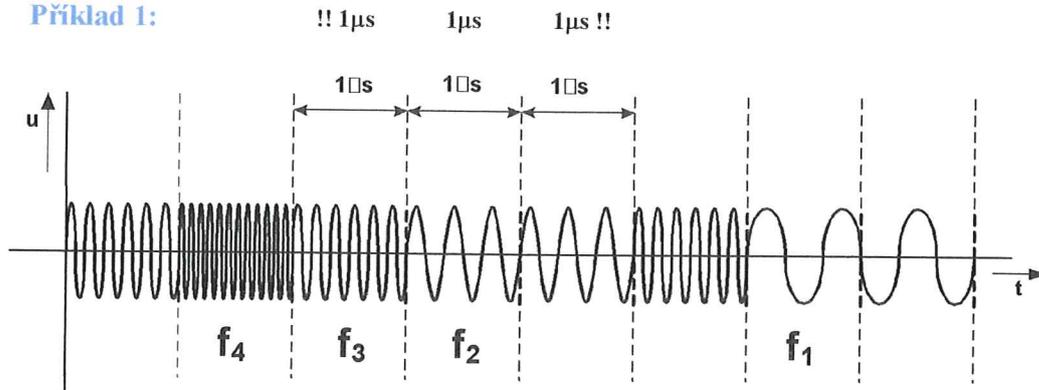
**Je to vlastnost prostředí a neznamená to, že touto rychlostí musíme pracovat.**

**Obvykle dosahujeme rychlosti nižší.**

$$S/N \text{ zadáno v [dB]} \rightarrow \frac{S}{N} = 10^{\left(\frac{[dB]}{10}\right)}, \quad (\text{př: } 30\text{dB} = 10^{30/10} = 1000)$$

**Několik příkladů:**

**Příklad 1:**



**Jaká je potřebná minimální šířka pásma B pro přenos? (spektrum)**

**řešení:**  $a=1\mu s$ , modulace 4FSK,  $s=4$ , Nyquist – 1Bd/Hz

$$v_m = \frac{1}{a} = \frac{1}{10^{-6}} = 10^6 [Bd], \quad v_m \rightarrow B_{\min} = 1 [MHz] \leftrightarrow (10^6 Hz) \text{ viz. Nyquist !}$$

$$v_p = v_m \cdot \log_2 s = 10^6 \cdot \log_2 4 = 2 [Mbit/s], \quad (\log_2 4 = 2)$$

stavy:  $f_1-00, f_2-01, f_3-10, f_4-11 \rightarrow$  telegram (z obr.) | 10 | 11 | 10 | 01 | 01 | 10 | 00 | 00 |

doplnit obr. spektra !

$$f_{\text{obs}} = f_n \pm f_{m1} \pm f_{m2}$$

**Příklad 2:**

**Rádiový spoj přenáší hovor v podobě standardního PCM. Je použita modulace 4FSK s nosnou 398 MHz. Jaká je přenosová rychlost  $v_p$ , modulační rychlost  $v_m$  a minimální potřebná šířka pásma pro přenos  $B_{\min}$ ?**

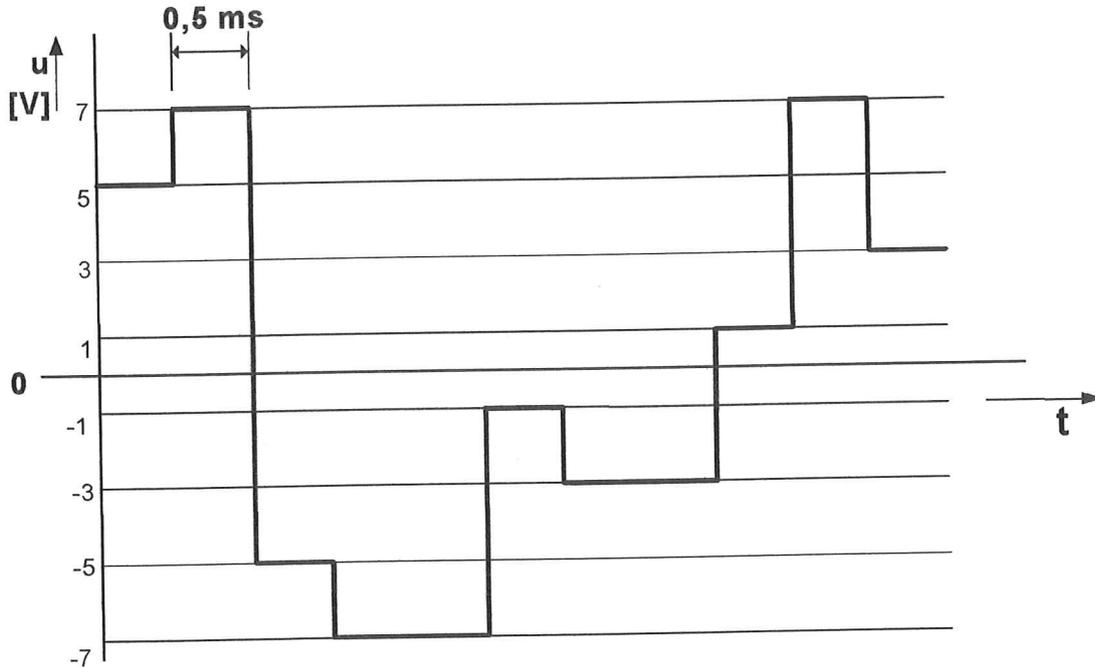
**řešení:**  $s=4$ , 4FSK  $\rightarrow$  1Bd/Hz, hovor – vzorkování  $f_s=8kHz$ , 8bit  $\rightarrow$  64kbit/s (standard) =  $v_p$

$$v_p = 64 [kbit/s] = v_m \cdot \log_2 s = v_m \cdot 2 \rightarrow v_m = \frac{64}{2} = 32 [kBd] \rightarrow B_{\min} = 32 kHz$$

( $f_n=398MHz$  je jen nosná, nepočítá se s ní)

### Příklad 3:

Jaká je modulační a přenosová rychlost pro následující signál:



Jaká je potřebná minimální šířka pásma **B** pro přenos?

**řešení:**  $a=0,5 \cdot 10^{-3}$ ,  $s=8$ , zákl. pásmo- Nyquist 2Bd/Hz

$$v_m = \frac{1}{a} = \frac{1}{0,5 \cdot 10^{-3}} = 2000 [\text{Bd}], \quad v_p = v_m \cdot \log_2 s = 2000 \cdot \log_2 8 = 6 [\text{kbit/s}], \quad (\log_2 8 = 3)$$

$$B_{\min} = 1 \text{ kHz} \quad (v_m/\text{Nyquist} = 2000/2) \quad \text{obr. spektra doplnit!}$$

### Příklad 4:

Jaká je kapacita standardního telefonního kanálu, jestliže byl změřen odstup signálu a šumu 30dB? Kolika stavovou modulaci s oběma postranními pásmy je nutno použít, aby byla kapacita využita?

**řešení:** B standardního tel. kanálu 0,3-3,4kHz je 3100Hz

$$B = 3100 \text{ Hz} \rightarrow v_{m \max} = 3100 \text{ Bd},$$

$$C = v_{p \max} = B \cdot \log_2 \left( 1 + \frac{S}{N} \right) = 3100 \cdot \log_2 (1 + 1000) = 3100 \cdot 9,967 = 30,898 [\text{kbit/s}]$$

$$s = ? , \quad v_p = v_m \cdot \log_2 s \rightarrow 30898 = 3100 \cdot \log_2 s \rightarrow 9,967 = \log_2 s \rightarrow s = 1001$$

Použijeme tedy modulaci 1024QAM

### Příklad 5:

Kolika stavovou modulaci s oběma postranními pásmy musíme použít a jaký minimální odstup signál šum v dB musí být na standardním telefonním kanálu, abychom mohli přenášet data rychlostí 30 kbit/s ?

**řešení:**  $v_p = 30 \text{ kbit/s}$ ,  $v_m = 3100 \text{ Bd}$  (standard viz. př. 4)

$$v_p = v_m \cdot \log_2 s \rightarrow 30000 = 3100 \cdot \log_2 s \rightarrow 9,678 = \log_2 s \rightarrow s = 819$$

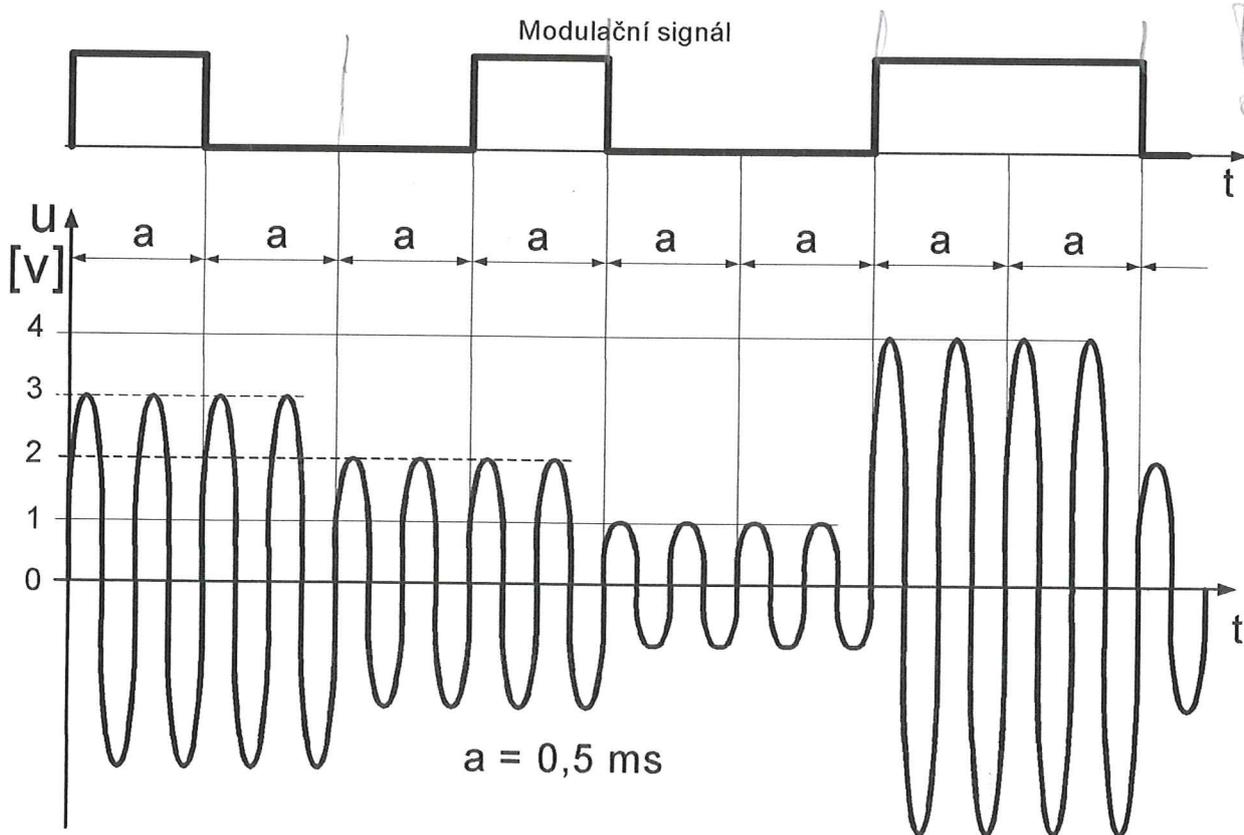
$$C = v_{p\max} = v_m \cdot \log_2 \left(1 + \frac{S}{N}\right) = 3100 \cdot \log_2(1 + 1000) = 30 [\text{kbit/s}]$$

$$9,677 = \log_2 \left(1 + \frac{S}{N}\right) \Rightarrow 2^{9,677} = 1 + \frac{S}{N} = 819 \Rightarrow 819 - 1 = \frac{S}{N} = 818$$

definice dB  $\rightarrow dB = 10 \log \frac{S}{N} \Rightarrow 10 \log 818 = 29,12 \text{ dB}$

### Příklad 6:

Vypočítejte modulační a přenosovou rychlost pro následující signál a určete pro přenos potřebnou šířku pásma  $B_{\min}$ :



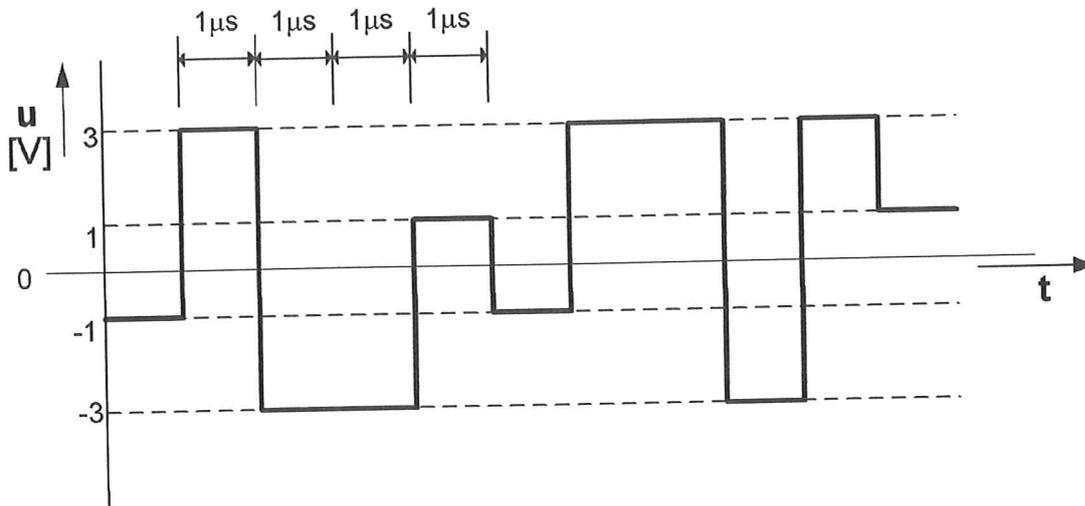
**řešení:** modulace 4ASK  $\rightarrow s=4$ , pozor – ASK přenáší změnu za  $2a$  ! , 1Bd/Hz

$$v_m = \frac{1}{2 \cdot a} = \frac{1}{2 \cdot 0,5 \cdot 10^{-3}} = 1000 [\text{Bd}] \rightarrow B_{\min} = 1 \text{ kHz } (v_m / N_{yq.})$$

$$v_p = v_m \cdot \log_2 s = 10^3 \cdot \log_2 4 = 2 [\text{kbit/s}]$$

### Příklad 7:

Vypočítejte modulační a přenosovou rychlost pro následující signál a určete pro přenos potřebnou šířku pásma B:



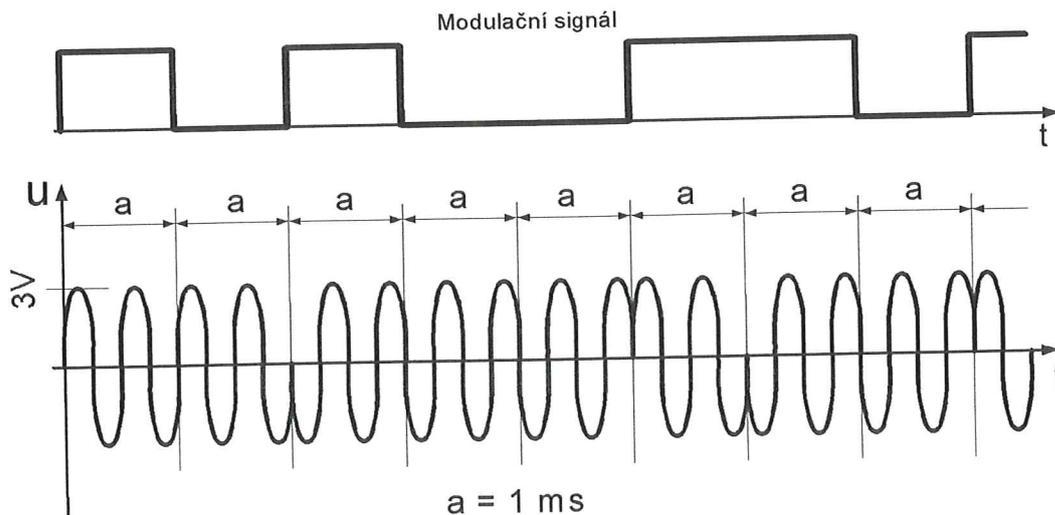
### LINKOVÝ KÓD 2B1Q

**řešení:**  $a=1\mu s$ ,  $s=4$ , zákl. pásmo – 2Bd/Hz

$$v_m = \frac{1}{a} = \frac{1}{10^{-6}} = 10^6 [Bd] \rightarrow B_{\min} = 10^6 / 2 = 0,5 \text{ MHz}, v_p = v_m \cdot \log_2 s = 10^6 \cdot \log_2 4 = 2 [Mbit/s]$$

### Příklad 8:

Jaká je modulační a přenosová rychlost pro následující signál? O jaký typ modulace jde? Jaká je potřebná minimální šířka pásma B pro přenos? Kolik informačních bitů nese jeden signálový prvek?

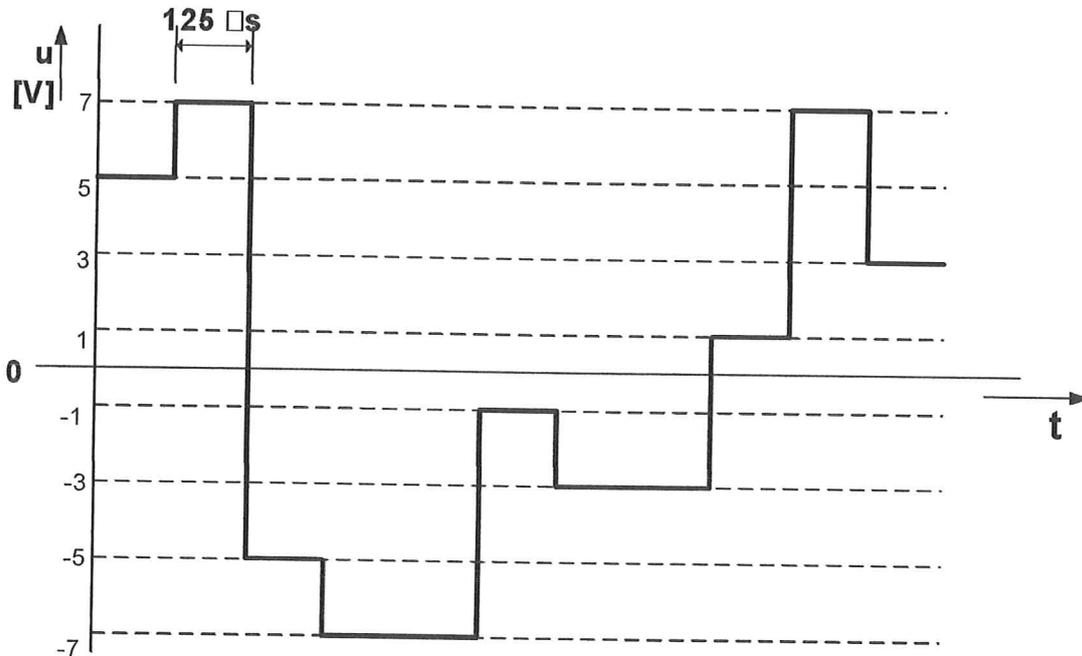


**řešení:** modulace DPSK, přel. pásmo – 1Bd/Hz

$$v_m = \frac{1}{a} = \frac{1}{10^{-3}} = 10^3 [Bd], v_p = v_m \cdot \log_2 s = 10^3 \cdot \log_2 2 = 10^3 [bit/s], B_{\min} = 1 \text{ kHz}$$

### Příklad 9:

Jaká je modulační a přenosová rychlost pro následující signál? Jaká je potřebná minimální šířka pásma B pro přenos? Kolik informačních bitů nese jeden signálový prvek?



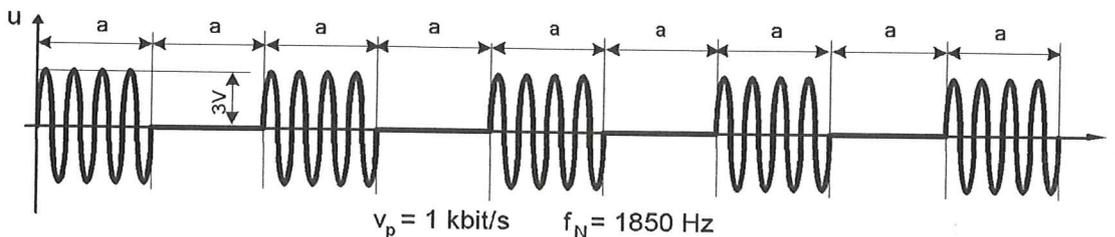
**řešení:**  $a=125\mu s$ ,  $s=8$ , zákl. pásmo – 2Bd/Hz

$$v_m = \frac{1}{a} = \frac{1}{125 \cdot 10^{-6}} = 8 [kBd], \quad v_p = v_m \cdot \log_2 s = 8000 \cdot \log_2 8 = 24 [kbit/s], \quad B_{\min} = 4kHz$$

počet bitů/prvek  $\rightarrow \log_2 s = 3$

### Příklad 10:

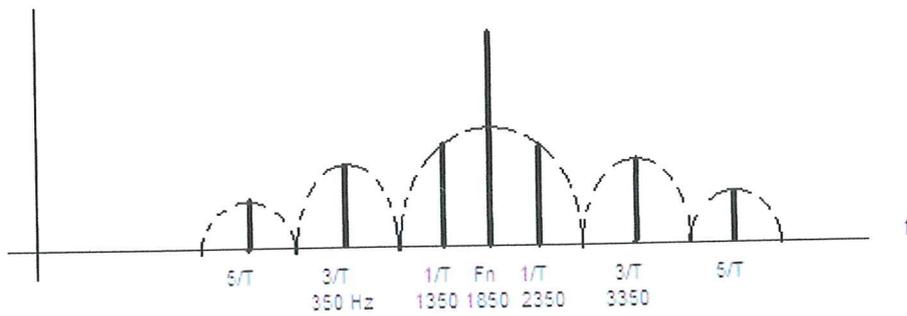
Jaké spektrum má následující signál – spočítejte složky a nakreslete. Jaká je minimální šířka pásma potřebná pro přenos.



**řešení:**  $a = ?$ ,  $s = 2$ , přel. pásmo – 1Bd/Hz,  $v_p = 1kbit/s \rightarrow v_m = 1kBd$ ,  $a = \frac{1}{v_m} = \frac{1}{10^3} = 10^{-3} [s]$

$$B_{\min} = v_m / 1 = 1kHz, \quad T = 2 \cdot a = 2 [ms],$$

spektrum -  $\frac{1}{T} = 500Hz$ ,  $\frac{2}{T} = 0$ ,  $\frac{3}{T} = 1500Hz$ ,  $\frac{4}{T} = 0$ ,  $\frac{5}{T} = 2500Hz$ .... , dvě pásma okolo 1850Hz



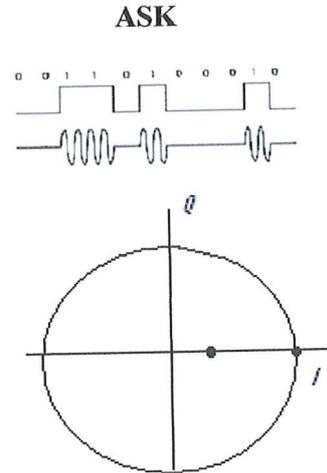
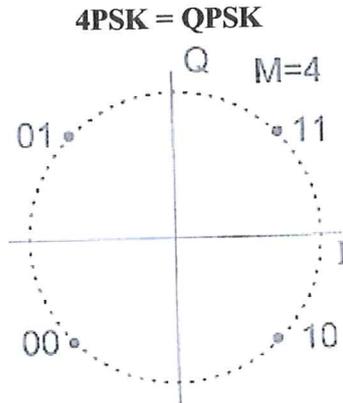
**Příklad 11:**

Nakreslete IQ diagram pro modulaci 16QAM, 4PSK a ASK. Kolik bitů informace ponese jeden stav v jednom a druhém případě? Vysvětlete jaký význam mají modulace v přenosovém řetězci.

**řešení:** počet bitů/1 stav  $\rightarrow \log_2 s$ , 16QAM  $\rightarrow \log_2 16 = 4(\text{bity/stav})$ , 4PSK  $\rightarrow \log_2 4 = 2$   
 ASK  $\rightarrow \log_2 2 = 1$ , POUŽITÍM VÍCESTAVOVÉ MODULACE UŠETŘÍME FREKVENČNÍ PÁSMO, SE VZRŮSTEM POČTU STAVŮ MODULACE SE SIGNÁL STÁVÁ NÁCHYLNĚJŠÍ NA RUŠENÍ.

**16QAM**

0000	0001	0011	0010
1000	1001	1011	1010
1100	1101	1111	1110
0100	0101	0111	0110



**Příklad 12:**

1024 QAM – o jakou jde modulaci. Jaká je modulační rychlost, je-li přenosová rychlost 30 kbit/s? Lze tento signál přenést telefonním kanálem? Jestli ano, za jakých podmínek?

**řešení:** kvadraturní amplitudová modulace,  $v_p = 30 \text{ kbit/s}$ ,  $s = 1024$ , přelož. pásmo - 1Bd/Hz

$$v_p = v_m \cdot \log_2 s = v_m \cdot \log_2 1024 = 30000 \rightarrow v_m = \frac{30000}{10} = 3000 [\text{Bd}]$$

$$\text{tel. kanál } B = 3100 \text{ Hz} \rightarrow v_{m \text{ max}} = 3100 \text{ Bd}$$

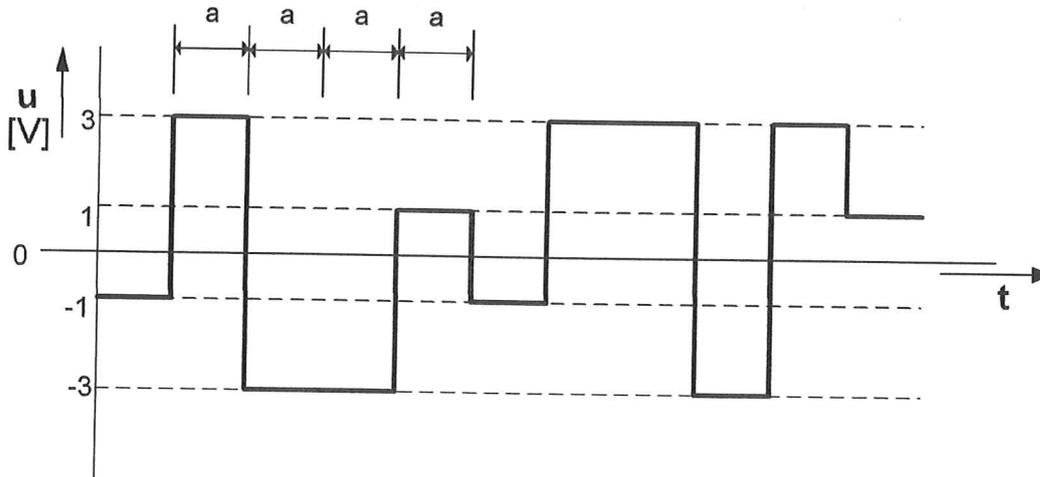
$$C = v_{p \text{ max}} = B \cdot \log_2 \left( 1 + \frac{S}{N} \right) = 3100 \cdot \log_2 \left( 1 + \frac{S}{N} \right) = 30000 [\text{bit/s}] \rightarrow$$

$$\log_2 \left( 1 + \frac{S}{N} \right) = 9,678 \Rightarrow 2^{9,677} = 1 + \frac{S}{N} = 818 \Rightarrow \frac{S}{N} = 817 \rightarrow \sim 29,12 \text{ Db}$$

$$S/N > 29,12 \text{ Db}$$

### Příklad 13:

Po lince jsou přenášeny dva PCM telefonní hovory se standardními parametry a jeden kanál datový s přenosovou rychlostí 16 kbit/s (2B + D). Signál má tvar podle obrázku. Jaká je přenosová rychlost, modulační rychlost a minimální potřebná šířka pásma pro přenos?



**řešení:** 2-drát, linkový kód 2B1Q, kanály 2B+D  $\rightarrow 2 \times 64 + 16$  kbit/s,  $s=4$ ,  
zákl. pásmo –  $2Bd/Hz$

$$v_p = v_m \cdot \log_2 s = v_m \cdot \log_2 4 = 144000 [\text{bit}/s] \rightarrow v_m = \frac{144000}{2} = 72000 [\text{Bd}] \rightarrow$$

$$B_{\min} = \frac{v_m}{2} = 36 [\text{kHz}]$$

### Příklad 14:

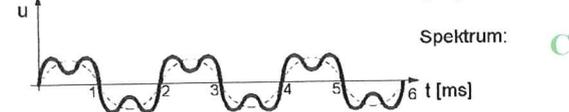
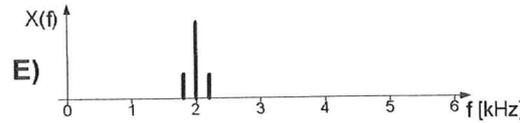
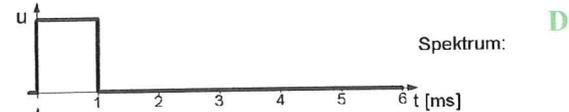
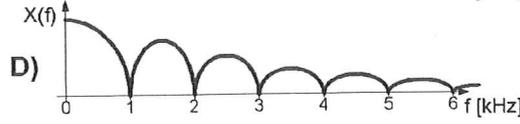
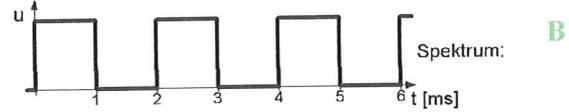
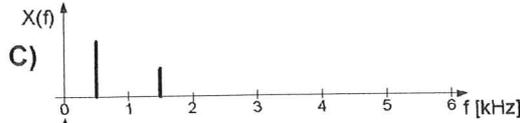
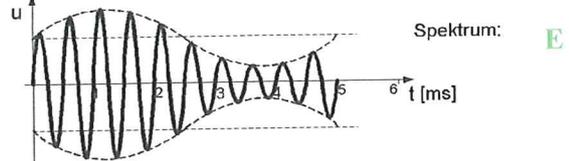
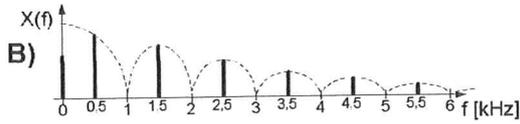
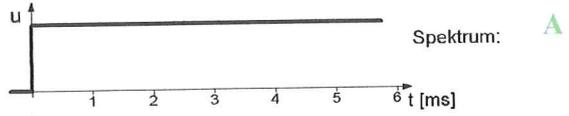
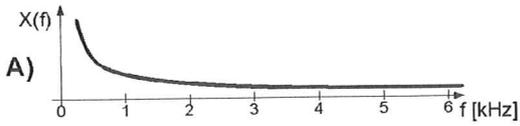
Po lince je přenášén jeden PCM telefonní hovor se standardními parametry. Signál má tvar podle obrázku (př.13). Jaká je přenosová rychlost, modulační rychlost a minimální potřebná šířka pásma pro přenos?

**řešení:** 2-drát, linkový kód 2B1Q, kanály 1B  $\rightarrow 64$  kbit/s,  $s=4$ ,  
zákl. pásmo –  $2Bd/Hz$

$$v_p = v_m \cdot \log_2 s = v_m \cdot \log_2 4 = 64000 [\text{bit}/s] \rightarrow v_m = \frac{64000}{2} = 32 [\text{kBd}] \rightarrow B_{\min} = \frac{v_m}{2} = 16 [\text{kHz}]$$

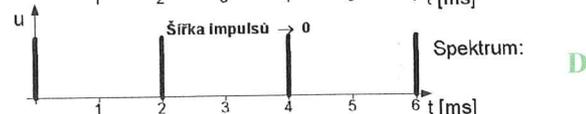
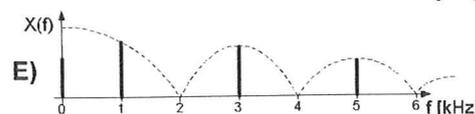
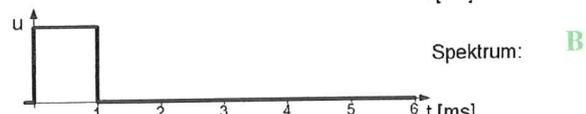
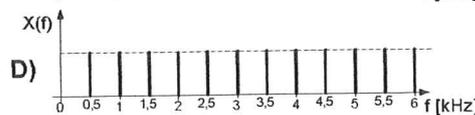
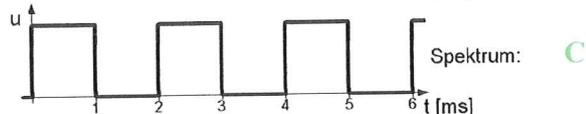
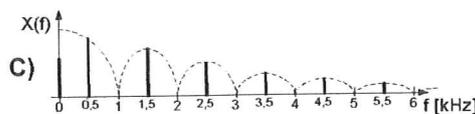
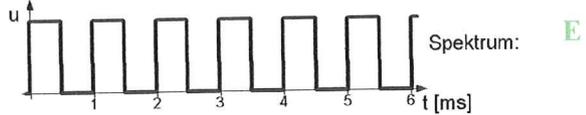
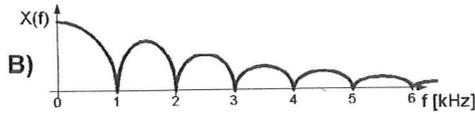
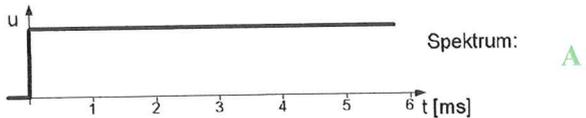
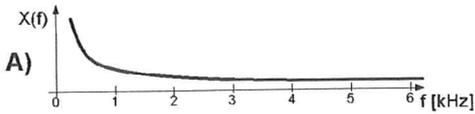
**Příklad 15:**

**K jednotlivým časovým průběhům přiřaďte spektrum, např.: Spektrum: A. Přiřazení zdůvodněte!**



**Příklad 16:**

**K jednotlivým časovým průběhům přiřaďte spektrum, např.: Spektrum: A. Přiřazení zdůvodněte!**



### Příklad 17:

Nakreslete spektrum AM modulační, které vznikne namodulováním standardního telefonního hovoru se střední amplitudou  $V = 1,5V$  na nosný signál s amplitudou  $A = 5V$  a frekvencí  $f_N = 300kHz$ . Vypočítejte hloubku modulační a potřebnou šířku pásma pro přenos tohoto signálu. Jak by bylo možné vylepšit energetické poměry a zmenšit šířku pásma?

$$\text{modulační signál } m(t): m(t) = U_m \cdot \cos(2 \cdot \pi \cdot f_m \cdot t)$$

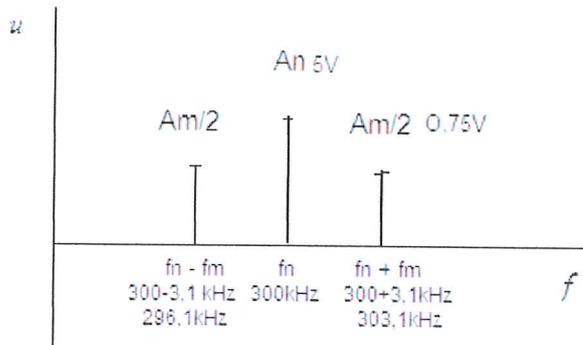
$$\text{nosný signál } u_c(t): u_c(t) = U_c \cdot \cos(2 \cdot \pi \cdot f_c \cdot t)$$

$$\text{amplitudově modulovaný signál } u_{AM}(t): u_{AM}(t) = [U_c + U_m \cdot \cos(2 \cdot \pi \cdot f_m \cdot t)] \cdot \cos(2 \cdot \pi \cdot f_c \cdot t)$$

$$V = A_n, A = A_m, \text{ hloubka modulační } m = (V/A) \cdot 100 = (1,5/5) \cdot 100 = 30\%$$

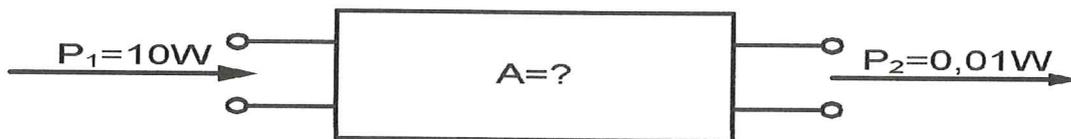
tel. hovor šířka pásma – 3100Hz  
celková šířka pásma – 6200Hz

$$m = \frac{V}{A} = \frac{1,5}{5} \cdot 100 = 30\%$$



### Příklad 18:

- Jaký je přenos a útlum dvojbranu?
- Definujte absolutní a relativní úroveň signálu, útlum a zisk.



řešení:

$$\text{útlum } A = 10 \cdot \log \frac{P_1}{P_2} = 10 \cdot \log \frac{10}{0,01} = 30 [Db] - \text{relativní} - \text{vztažená k nějakému místu vedení}$$

$$\text{přenos } A = \frac{P_2}{P_1} = \frac{0,01}{10} = 10^{-3} [-] - \text{relativní}$$

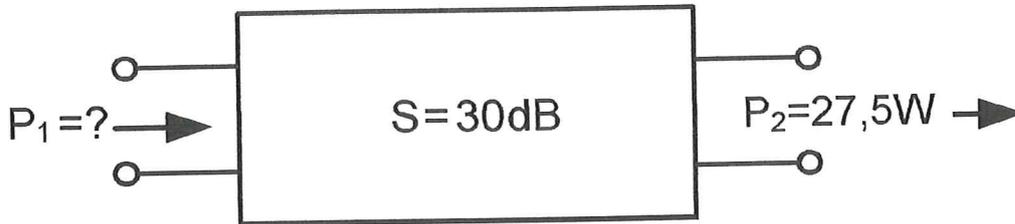
$$\text{absolutní hodnoty } L = 10 \cdot \log \frac{P_x}{P_0} [Db], L = 20 \cdot \log \frac{U_x(I_x)}{U_0(I_0)} [Db]$$

$$\text{referenční hodnoty: } Z=600\Omega, P_0=1mW, U_0=0,775V, I_0=1,29mA$$

$$\text{útlum } A \rightarrow P_2 < P_1, \text{ zisk } S \rightarrow P_2 > P_1$$

**Příklad 19:**

- a) Jaký je vstupní výkon při daném zisku dvojbranu?  
b) Definujte absolutní a relativní úroveň signálu, útlum a zisk.



**řešení:**

$$S = 10 \cdot \log \frac{P_2}{P_1} \rightarrow \frac{30}{10} = \log \frac{27,5}{P_1} \rightarrow P_1 = \frac{27,5}{1000} = 0,0275 [W]$$

relativní hodnoty  $S = 10 \cdot \log \frac{P_2}{P_1}$

absolutní hodnoty  $L = 10 \cdot \log \frac{P_x}{P_0} [Db]$  ,  $L = 20 \cdot \log \frac{U_x(I_x)}{U_0(I_0)} [Db]$

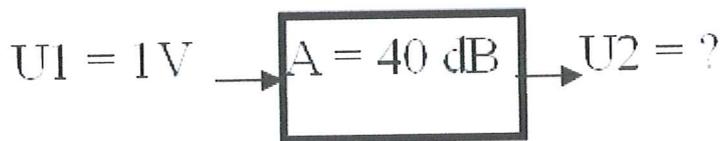
referenční hodnoty :  $Z=600\Omega$  ,  $P_0=1mW$  ,  $U_0=0,775V$  ,  $I_0=1,29mA$

útlum  $A \rightarrow P_2 < P_1$  , zisk  $S \rightarrow P_2 > P_1$  ,  $A = 10 \cdot \log \frac{P_1}{P_2} [Db]$

**Příklad 20:**

Jaké napětí bude na výstupu článku?

Definujte absolutní a relativní úroveň signálu, útlum a zisk.



**řešení:**

$$A = 20 \cdot \log \frac{U_1}{U_2} \rightarrow \frac{40}{20} = \log \frac{1}{U_2} \rightarrow U_2 = \frac{1}{100} = 0,01 [V]$$

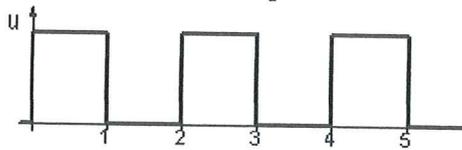
relativní hodnoty  $A = 10 \cdot \log \frac{P_1}{P_2}$

absolutní hodnoty  $L = 10 \cdot \log \frac{P_x}{P_0} [Db]$  ,  $L = 20 \cdot \log \frac{U_x(I_x)}{U_0(I_0)} [Db]$

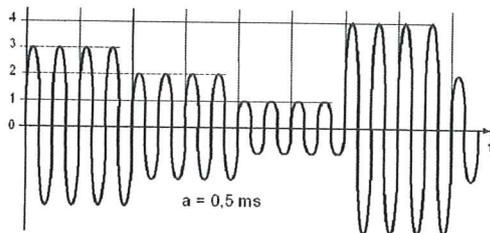
referenční hodnoty :  $Z=600\Omega$  ,  $P_0=1mW$  ,  $U_0=0,775V$  ,  $I_0=1,29mA$

útlum -  $P_2 < P_1$  , zisk -  $P_2 > P_1$

### Signály v základním pásmu – 2Bd/Hz



### Signály v přeloženém pásmu – 1Bd/Hz



### Rozdělení modulací

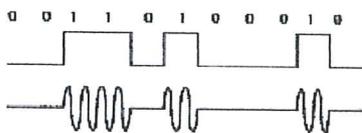
**modulační signál** - signál, který chceme modulovat na nosný signál

**nosný signál** - signál, který modulujeme modulačním signálem

**modulovaný signál** - výsledný signál po procesu modulace

**modulační produkty** - složky modulovaného signálu (z pohledu jeho frekvenční analýzy)

### ASK - Amplitude-Shift Keying



MODULACE S KLÍČOVÁNÍM AMPLITUDY (KLÍČOVÁNÍ AMPLITUDOVÝM POSUVEM, ZDVIHEM) NEMÁ VE SVĚ ZÁKLADNÍ PODOBĚ VÝHODNÉ VLASTNOSTI A PROTO SE NEPOUŽIVÁ

### FSK - Frequency-Shift Keying

### PSK - Phase-Shift Keying

-DPSK - Different Phase Shift Keying

-BPSK - Binary Phase Shift Keying (dvoustavová)

-QPSK - Quadrature Phase Shift Keying (čtyřstavová)

### PAM - pulzně amplitudová modulace

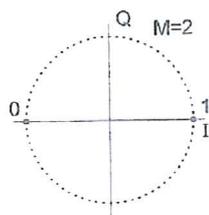
**PWM** - pulzně šířková modulace

**PPM** - pulzně polohová modulace

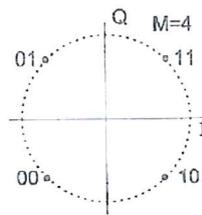
**PCM** - pulzně kódová modulace

**QAM** - kvadrurní amplitudová modulace

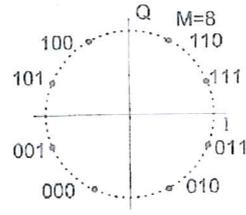
**APSK** - amplitudově fázová modulace



**2PSK**



**4PSK**



**8PSK**

### Úrovně signálu na přenosové cestě

V přenosové a datové technice obvykle nepoužíváme základní fyzikální jednotky (napětí, proud, výkon), ale logaritmický poměr těchto veličin, který se nazývá úroveň  $L$  (level).

Základní vyjádření:

$$L_m = 10 \cdot \log \frac{P_x}{P_0} \quad [\text{dBm}] \quad \text{kde} \quad P_0 = 1 \text{ mW}$$

$$L_U = 20 \cdot \log \frac{U_x}{U_0} \quad [\text{dB}_U] \quad \text{kde} \quad U_0 = \sqrt{P_0 \cdot Z_0} = \sqrt{1 \cdot 10^{-3} \cdot 600} = 0,775 \text{ V}$$

$$L_I = 20 \cdot \log \frac{I_x}{I_0} \quad [\text{dB}_I] \quad \text{kde} \quad I_0 = \sqrt{\frac{P_0}{Z_0}} = \sqrt{\frac{1 \cdot 10^{-3}}{600}} = 1,29 \text{ mA}$$

$$\Delta = 10 \cdot \log \frac{Z_0}{Z_x} \quad [\text{dB}] \quad \text{kde} \quad Z_0 = 600 \Omega$$

$$L_m = L_U + \Delta$$